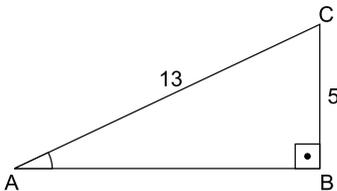


### Capítulo 1

#### 01. UFC-CE

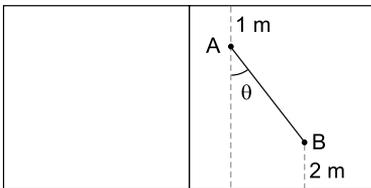
Na figura a seguir, o triângulo ABC é retângulo em B. O co-seno do ângulo BÂC é:



- a)  $\frac{12}{13}$                       d)  $\frac{6}{13}$   
 b)  $\frac{11}{13}$                       e)  $\frac{1}{13}$   
 c)  $\frac{10}{13}$

#### 02. PUC-RS

Um campo de vôlei de praia tem dimensões 16 m por 8 m. Duas jogadoras, A e B, em um determinado momento de um jogo, estão posicionadas como na figura abaixo. A distância "x", percorrida pela jogadora B para se deslocar paralelamente à linha lateral, colocando-se à mesma distância da rede em que se encontra a jogadora A, é:



- a)  $x = 5 \tan(\theta)$   
 b)  $x = 5 \sin(\theta)$   
 c)  $x = 5 \cos(\theta)$   
 d)  $x = 2 \tan(\theta)$   
 e)  $x = 2 \cos(\theta)$

#### 03. EFOA-MG

Dois observadores, A e B, estão situados a 1 m de uma das margens paralelas de um rio e conseguem ver uma pedra P sobre a outra margem. Com seus teodolitos (aparelho usado para medir ângulo), eles medem os ângulos  $P\hat{A}B = \alpha$  e  $P\hat{B}A = \beta$ . Sabendo que  $AB = 54\text{m}$ ,  $\text{tg } \alpha = 4$  e  $\text{tg } \beta = 5$ , a largura do rio, em metros, é:

- a) 109                      d) 105  
 b) 115                      e) 119  
 c) 129

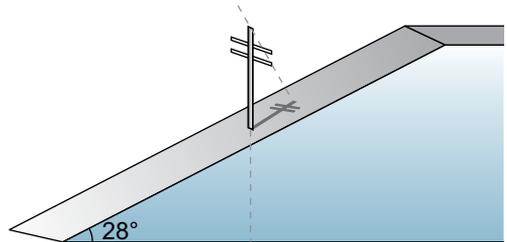
#### 04. UFAM

Se um cateto e a hipotenusa de um triângulo retângulo medem  $2a$  e  $4a$ , respectivamente, então a tangente do ângulo oposto ao menor lado é:

- a)  $2\sqrt{3}$                       d)  $\frac{\sqrt{20}}{20}$   
 b)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$                       e)  $3\sqrt{3}$   
 c)  $\frac{\sqrt{3}}{6}$

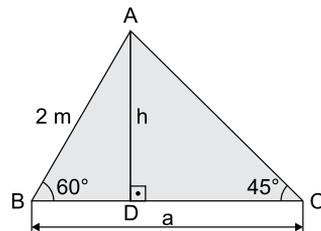
#### 05.

Um poste localiza-se numa rampa plana que forma um ângulo de  $28^\circ$  com o plano horizontal (conforme figura). Num instante em que os raios solares são perpendiculares à rampa, o poste projeta sobre essa rampa uma sombra de 2,3 m de comprimento. Calcule a altura do poste. (Dados:  $\text{sen } 28^\circ = 0,46$ ,  $\text{cos } 28^\circ = 0,88$  e  $\text{tg } 28^\circ = 0,53$ .)



#### 06. Unifenas-MG

Observe a figura, onde  $\hat{B} = 60^\circ$ ,  $\hat{C} = 45^\circ$  e  $\overline{AB} = 2\text{m}$ . O lado  $a$  do triângulo ABC é:

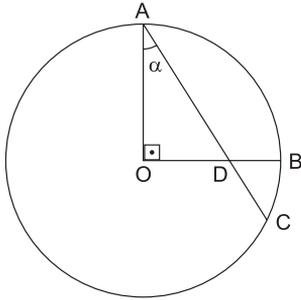


- a)  $(1 - \sqrt{3})\text{m}$                       d)  $(1 + 2\sqrt{3})\text{m}$   
 b)  $\sqrt{3}\text{m}$                       e)  $(1 - 2\sqrt{3})\text{m}$   
 c)  $(1 + \sqrt{3})\text{m}$



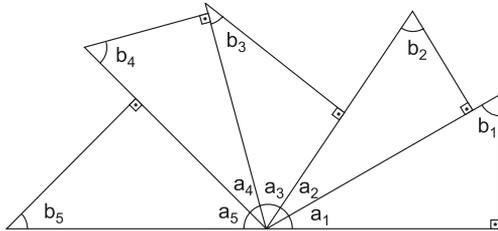
### 14. UFPE

Se na figura a seguir o ponto O é o centro da circunferência de raio 8 e  $OD = 3\sqrt{3}$ , calcule  $100 \sin \alpha$ .



15.

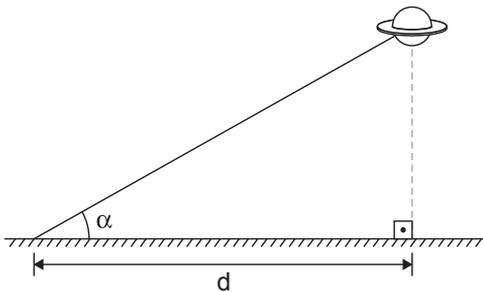
Na figura abaixo, a seguir  $\sum_{i=1}^5 \cos a_i$  é igual a:



- a) 1  
b)  $\frac{5}{3}$   
c)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$   
d)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$   
e) 2

### 16. Cesgranrio-RJ

Um disco voador é avistado, numa região plana, a uma certa altitude, parado no ar. Em certo instante, algo se desprende da nave e cai em queda livre, conforme mostra a figura. A que altitude se encontra esse disco voador?



Considere as afirmativas:

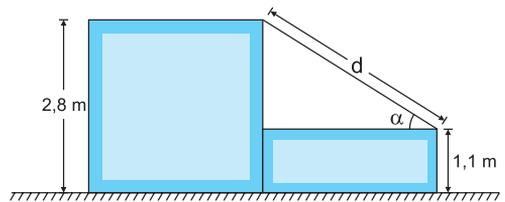
- I. a distância d é conhecida;  
II. a medida do ângulo  $\alpha$  e a  $\tan \alpha$  do mesmo ângulo são conhecidas.

Então, tem-se que:

- a) a I sozinha é suficiente para responder à pergunta, mas a II, sozinha, não.  
b) a II sozinha é suficiente para responder à pergunta, mas a I, sozinha, não.  
c) I e II, juntas, são suficientes para responder à pergunta, mas nenhuma delas, sozinha, o é.  
d) ambas são, sozinhas, suficientes para responder à pergunta.  
e) a pergunta não pode ser respondida por falta de dados.

### 17. Uesc-BA

Pretende-se construir uma rampa de menor comprimento d, ligando dois níveis diferentes de pisos, de modo que seu ângulo de inclinação não seja maior que  $20^\circ$ .

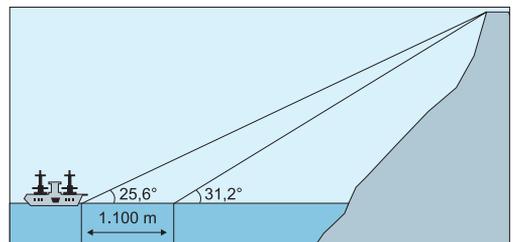


Se os pisos têm altura, respectivamente, de 2,8 m e 1,1 m em relação ao solo, e sendo  $\sin 20^\circ = 0,34$ , então o comprimento d que melhor satisfaz ao problema é:

- a) 3,4 m  
b) 4,4 m  
c) 5,4 m  
d) 6,4 m  
e) 7,4 m

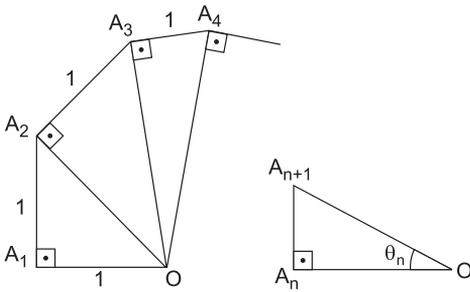
### 18. UFPE

Os cientistas de um navio de pesquisa mediram o ângulo de elevação do pico de uma ilha vulcânica obtendo  $25,6^\circ$ . Avançando o navio mais 1.100 m na direção do pico, efetuaram outra medida do ângulo de elevação, obtendo  $31,2^\circ$ , como representado na figura a seguir. Indique a soma dos dígitos da altura do pico da ilha, em metros, em relação ao nível do mar. Despreze a curvatura da terra. (Dados: use as aproximações  $\cotg(31,2^\circ) = 1,65$  e  $\cotg(25,6^\circ) = 2,09$ )



### 19. Unifesp

Os triângulos que aparecem na figura da esquerda são retângulos e os catetos  $OA_1, A_1A_2, A_2A_3, A_3A_4, A_4A_5, \dots, A_9A_{10}$  têm comprimento igual a 1.

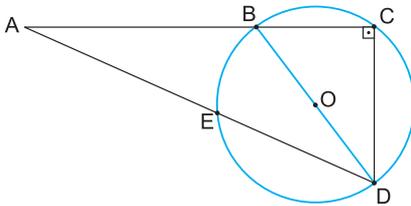


- a) Calcule os comprimentos das hipotenusas  $OA_2$ ,  $OA_3$ ,  $OA_4$  e  $OA_{10}$ .
- b) Denotando por  $O_n$  o ângulo  $(A_nOA_{n+1})$ , conforme figura da direita, descreva os elementos  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$  e  $a_9$  da seqüência  $(a_1, a_2, a_3, \dots, a_8, a_9)$ , sendo  $a_n = \text{sen}(\theta_n)$

### 20. Unicamp-SP

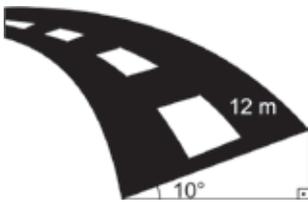
Calcule a área do triângulo  $ACD$ , sabendo que:

- I. o ângulo  $B\hat{A}E$  mede  $\alpha$ ;
- II.  $O$  é centro da circunferência indicada que tem raio  $R$ ; e
- III.  $BC = CD$ .



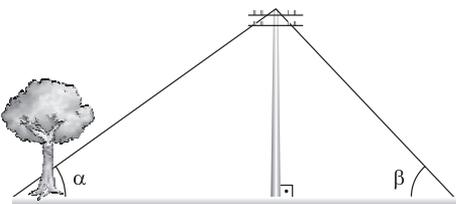
### 21.

Uma estrada de alta velocidade foi projetada com ângulo de sobrelevação de  $10^\circ$ . A figura a seguir mostra o corte transversal à pista. Se sua largura é de 12 m, determine o desnível entre suas margens. (Dados:  $\text{sen } 10^\circ \approx 0,174$ ;  $\text{cos } 10^\circ \approx 0,985$ ;  $\text{tg } 10^\circ \approx 0,176$ ).



### 22.

A figura mostra um poste, cravado verticalmente no solo e sustentado por dois cabos, que formam com a horizontal ângulos  $\alpha$  e  $\beta$ . Se os pontos de fixação dos cabos ao terreno, alinhados com a base do poste, distam uma medida  $d$ , a altura do poste pode ser calculada por:



a)  $d \text{ sen } \alpha \text{ sen } \beta$

b)  $\frac{d \cos \alpha \cos \beta}{\cos \alpha + \cos \beta}$

c)  $d \text{ tg } \alpha \text{ tg } \beta$

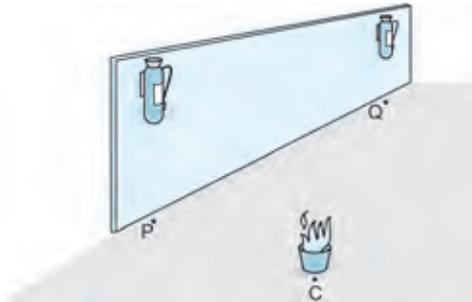
d)  $\frac{d(\text{tg } \alpha + \text{tg } \beta)}{\text{tg } \alpha \text{ tg } \beta}$

e)  $\frac{d \text{ tg } \alpha \text{ tg } \beta}{\text{tg } \alpha + \text{tg } \beta}$

### 23. UFMS

De dentro de um cesto de papéis, situado em um dos corredores de um aeroporto, surge um pequeno incêndio. Do local onde se encontra o cesto em chamas, pode-se avistar dois extintores de incêndio, localizados em uma parede do corredor.

Supondo que o chão do corredor seja plano, considere que os pontos  $P$ ,  $Q$  e  $C$  sejam pontos no chão desse corredor tais que  $P$  e  $Q$  estão localizados abaixo dos extintores e  $C$  sob o cesto, conforme ilustra a figura a seguir.



Ângulo	Sen
$38^\circ$	0,62
$40^\circ$	0,64
$43^\circ$	0,68
$48^\circ$	0,74
$54^\circ$	0,81

Sabendo-se que o ângulo  $Q\hat{P}C$  mede  $\frac{7\pi}{30}$  radianos

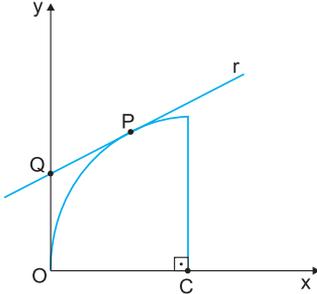
e que o ângulo  $P\hat{Q}C$  mede  $48^\circ$ , a partir dos dados mostrados na tabela acima, é correto afirmar que:

01. o triângulo de vértices  $P$ ,  $Q$  e  $C$  é um triângulo retângulo.
02. a distância do cesto em chamas ao extintor, localizado acima do ponto  $P$ , é maior que a distância do cesto ao extintor localizado acima do ponto  $Q$ .
04. sem que se conheça a distância entre os dois extintores, não se pode concluir corretamente qual dos dois extintores está mais próximo do cesto em chamas.
08. se a distância entre os dois extintores é 100 metros, então a distância do cesto em chamas ao extintor, localizado acima do ponto  $Q$ , é maior do que 80 metros.

Some os itens corretos.

### 24. UFG-GO

A figura abaixo mostra um quarto da circunferência de centro  $C(1,0)$  e raio 1 (um) cm e uma reta  $r$  tangente a este arco no ponto  $P$  de abscissa  $a$  (cm).



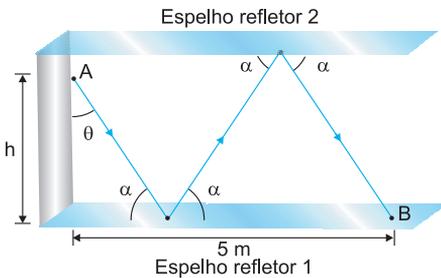
Se  $b$  (cm) a ordenada do ponto  $Q$  onde a reta  $r$  intercepta o eixo dos  $y$ ,  $O$  a origem do sistema de coordenadas,  $\theta$  o ângulo  $\widehat{OCQ}$  e  $\varphi$  o ângulo  $\widehat{OCQ}$ , pode-se afirmar que:

01. os triângulos  $OCQ$  e  $PCQ$  são congruentes.
02.  $\theta = 2\varphi$ .
04. o maior valor que o segmento  $\overline{CQ}$  pode assumir é 2 cm.
08.  $\cos \theta = a$  e  $\operatorname{tg} \varphi = b$ .
16. o quadrilátero  $OCPQ$  é um quadrado quando  $a = 1$  cm.

Some os itens corretos.

### 25. Ufla-MG

A figura a seguir representa um raio emitido de um ponto  $A$ , refletido pelos espelhos planos 1 e 2, nessa ordem, e captado por um receptor no ponto  $B$ . Os espelhos têm 5 m de comprimento, são paralelos e a distância entre eles é de 2,8 m. Todos os ângulos entre o raio e os espelhos têm a mesma medida  $\alpha$ .



Além disso, o ponto  $A$  está situado numa parede perpendicular aos espelhos refletores e a uma altura  $h$  do espelho 1.

Se  $\theta$  é a medida do menor ângulo entre a parede e o raio, determine a expressão de  $h$  em função de  $\theta$ .

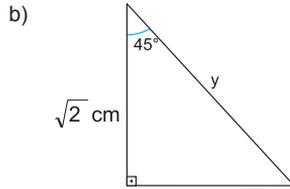
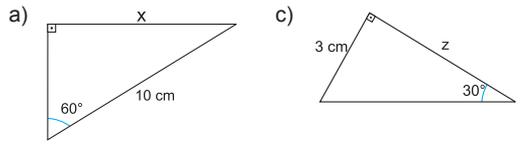
### 26. Unicamp-SP

Caminhando em linha reta, ao longo de uma praia, um banhista vai de um ponto  $A$  a um ponto  $B$ , cobrindo a distância  $AB = 1.200$  metros. Quando em  $A$ , ele avista um navio parado em  $N$  de tal maneira que o ângulo  $\widehat{NAB}$  é de  $60^\circ$  e; quando em  $B$ , verifica que o ângulo  $\widehat{NBA}$  é de  $45^\circ$ .

- a) Faça uma figura ilustrativa da situação descrita.
- b) Calcule a distância  $a$  que se encontra o navio da praia.

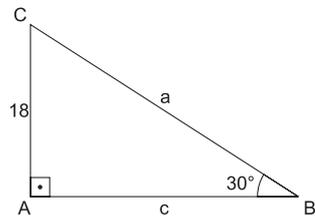
### 27.

Nos triângulos retângulos apresentados nos itens a seguir, são fornecidos um ângulo interno e a medida de um de seus lados. Determinar as medidas das incógnitas indicadas pelas letras.



### 28. UERGS-RS

Analise a figura a seguir.

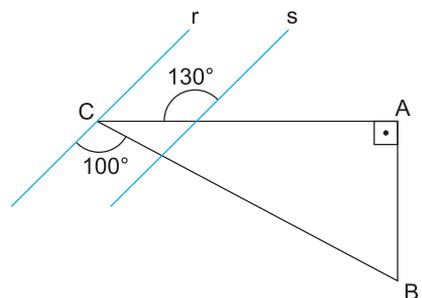


Usando  $\sqrt{3} = 1,73$ , a medida do cateto  $c$ , no triângulo  $ABC$ , está entre:

- a) 28 e 29
- b) 29 e 30
- c) 30 e 31
- d) 31 e 32
- e) 32 e 33

### 29. Unifor-CE

Na figura a seguir, as retas  $r$  e  $s$  são paralelas entre si e  $AB = 2$  cm.



A medida do segmento  $\overline{AC}$ , em centímetros, é:

- a) 4
- b)  $2\sqrt{3}$
- c)  $\sqrt{3}$
- d)  $2\sqrt{2}$
- e)  $\sqrt{2}$

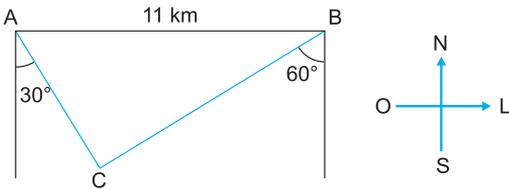
### 30. Fumec-MG

Num triângulo, a tangente de um dos ângulos é 1,05 e a soma dos comprimentos dos catetos é 41. O comprimento da hipotenusa é, portanto:

- a) 31
- b) 28,5
- c) 29,7
- d) 29
- e) 31,4

### 31. UFPel-RS

A figura representa dois quartéis do Corpo de Bombeiros. O primeiro está localizado no ponto A e o outro, 11 km distante de A, na direção leste. Num mesmo instante, avista-se, de cada posto do Corpo de Bombeiros, um incêndio no ponto C, segundo as direções indicadas na figura. Calcule a distância do fogo até cada uma das unidades indicadas na figura.



### 32. UFC-CE

Sejam  $\alpha$ ,  $\beta$  e  $\theta$  os ângulos internos de um triângulo. Se as medidas desses ângulos são diretamente proporcionais a 1, 2 e 3, respectivamente, e a bissetriz do ângulo  $\beta$  mede duas unidades de comprimento (u.c.), a medida do perímetro desse triângulo é:

- a)  $3(\sqrt{3} + 2)$  u.c.
- b)  $(\sqrt{3} + 1)$  u.c.
- c)  $3\sqrt{3}$  u.c.
- d)  $3(\sqrt{3} + 1)$  u.c.
- e)  $(3\sqrt{3} - 1)$  u.c.

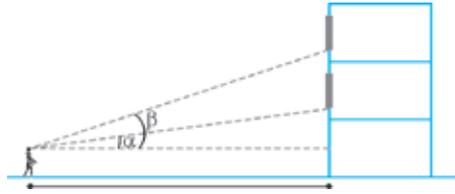
### 33. UCS-RS

Uma abelha descobre uma fonte de mel. Voltando à colméia, ela informa às companheiras a localização da fonte de mel, usando código próprio das abelhas e um sistema referencial que, traduzido em linguagem matemática, é constituído do ponto onde está a colméia e de uma semi-reta  $r$  com origem nesse ponto e sentido leste. A informação dada consiste de um ângulo de  $\frac{\pi}{3}$  radianos, no sentido anti-horário, com a semi-reta  $r$  uma distância de 600 metros a partir da colméia.

- A fonte de mel encontrada pela abelha está localizada:
- a) a 300 m a leste e, aproximadamente, a 510 m ao sul da colméia.
  - b) a 510 m a leste e, aproximadamente, a 300 m ao sul da colméia.
  - c) a 300 m a leste e, aproximadamente, a 510 m ao norte da colméia.
  - d) a 510 m a leste e, aproximadamente, a 300 m ao norte da colméia.
  - e) a menos de 300 m a leste e a mais de 510 m ao norte da colméia.

### 34. UEG-GO

Parada a uma distância de 6 m de um prédio, uma pessoa observa os parapeitos de duas janelas, respectivamente sob os ângulos  $\alpha = 30^\circ$  e  $\beta = 45^\circ$ , conforme ilustra a figura abaixo.



Considerando a aproximação de  $\sqrt{3} = 1,7$ , a distância entre os parapeitos das janelas é de:

- a) 2,4 m
- b) 2,6 m
- c) 2,8 m
- d) 3,0 m
- e) 3,4 m

### 35. Fuvest-SP

Os vértices de um triângulo ABC, no plano cartesiano, são: A = (1,0), B = (0,1) e C = (0,  $\sqrt{3}$ ).

Então, o ângulo BÂC mede:

- a) 60°
- b) 45°
- c) 30°
- d) 18°
- e) 15°

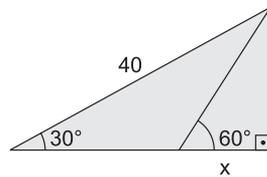
### 36. Mackenzie-SP

Em um triângulo retângulo, a medida da hipotenusa é o dobro da medida de um dos catetos. O ângulo oposto ao menor lado desse triângulo mede:

- a) 36°
- b) 60°
- c) 45°
- d) 30°
- e) 72°

### 37.

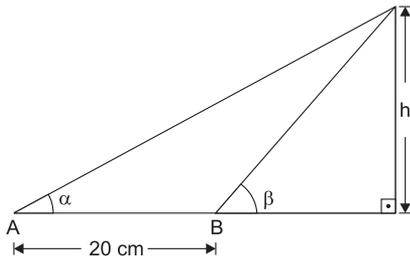
Qual é o valor de x na figura abaixo?



- a)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$
- b)  $\frac{5\sqrt{3}}{3}$
- c)  $\frac{10\sqrt{3}}{3}$
- d)  $\frac{15\sqrt{3}}{4}$
- e)  $\frac{20\sqrt{3}}{3}$

### 38. UFMS

Para obter a altura de uma torre, um topógrafo posiciona o teodolito em A, obtendo um ângulo  $\alpha = 15$  graus. Em seguida, aproxima-se 20 m da torre, coloca o teodolito em B e agora obtém um ângulo  $\beta = 30$  graus. ( $\text{tg } 15^\circ = 0,2679$ )

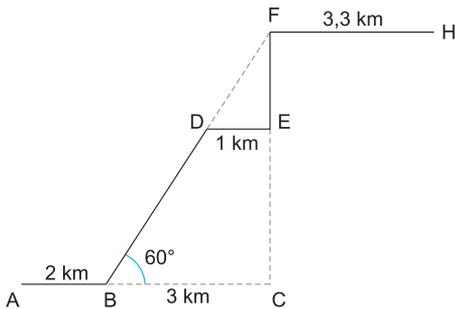


Se for desprezada a altura do teodolito, a altura  $h$  da torre será de:

- a) 10 m  
 b)  $10\sqrt{3}$  m  
 c)  $10(2 - \sqrt{3})$  m  
 d)  $10(2 + \sqrt{3})$  m  
 e)  $\frac{10}{\sqrt{3}}$  m

### 39. Vunesp

Ao chegar de viagem, uma pessoa tomou um táxi no aeroporto para se dirigir ao hotel. O percurso feito pelo táxi, representado pelos segmentos AB, BD, DE, EF e FH, está esboçado na figura, em que o ponto A indica o aeroporto, o ponto H indica o hotel, BCF é um triângulo retângulo com o ângulo reto em C, o ângulo no vértice B mede  $60^\circ$  e DE é paralelo a BC.

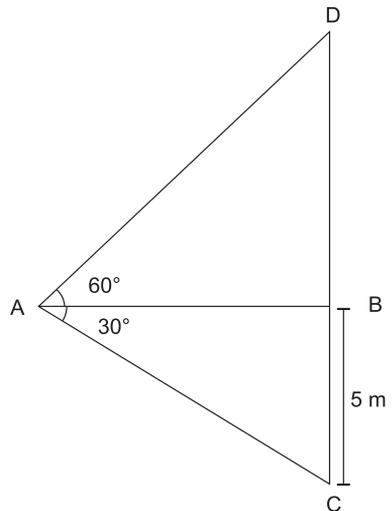


Assumindo o valor  $\sqrt{3} = 1,7$  e sabendo-se que  $AB = 2$  km,  $BC = 3$  km,  $DE = 1$  km e  $FH = 3,3$  km, determine:

- a) as medidas dos segmentos BD e EF em quilômetros;  
 b) o preço que a pessoa pagou pela corrida (em reais), sabendo-se que o valor da corrida do táxi é dado pela função  $y = 4 + 0,8x$ , sendo  $x$  a distância percorrida em quilômetros e  $y$  o valor da corrida em reais.

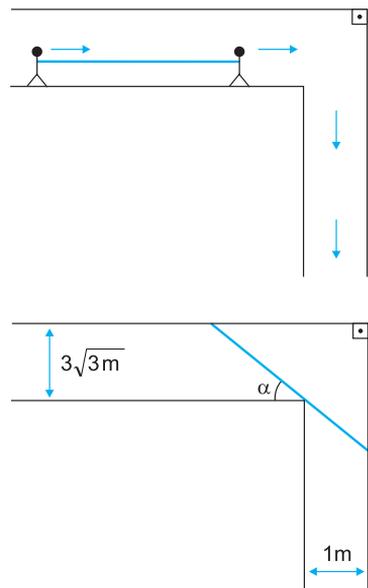
### 40. UEM-PR

Para obter a altura CD de uma torre, um matemático, utilizando um aparelho, estabeleceu a horizontal AB e determinou as medidas dos ângulos  $\alpha = 30^\circ$  e  $\beta = 60^\circ$  e a medida do segmento  $BC = 5$  m, conforme especificado na figura. Nessas condições, qual a altura da torre, em metros?



### 41. UFMS

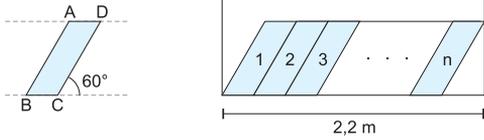
Dois homens carregam um cano de diâmetro desprezível, paralelamente ao chão, por um corredor de  $3\sqrt{3}$  m de largura, que encontra, ortogonalmente, outro corredor de 1 m de largura. Na passagem de um corredor para o outro, as extremidades do cano tocam as paredes dos corredores e outro ponto do cano tocou a parede onde os corredores se encontram, formando um ângulo  $\alpha$ , conforme mostrado na ilustração a seguir. Sabendo-se que a medida do ângulo  $\alpha$  é  $60^\circ$ , determine, em metros, o comprimento do cano.



### 42. FGV-SP

A figura representa uma fileira de  $n$  livros idênticos, em uma estante de 2 metros e 20 centímetros de comprimento.

- $AB = DC = 20$  cm  
 $AD = BC = 6$  cm



Nas condições dadas,  $n$  é igual a:

- a) 32
- b) 33
- c) 34
- d) 35
- e) 36

**43. Inatel-MG**

Os ângulos internos de um triângulo são expressos, em graus, por  $\frac{3x}{2}$ ,  $\frac{5x}{2}$  e  $14x$ . O valor de

$A = \sin 3x + \cos 6x + \operatorname{tg} \frac{9x}{2}$  é:

- a)  $\sqrt{3}$
- b)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- c) 1
- d) 2
- e)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

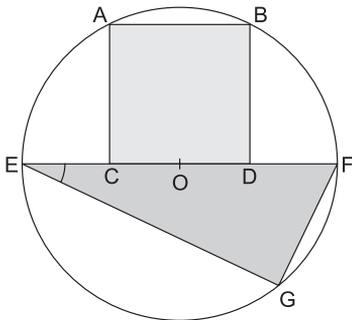
**44. UFMS**

Um móvel parte de um ponto A, situado em uma reta  $r$ , numa direção que forma um ângulo de  $30^\circ$  com a reta. Sabendo que o móvel desloca-se a uma velocidade constante de 50 km/h, então a distância entre o móvel e a reta  $r$ , após 3 horas de percurso, é:

- a) 75 km
- b)  $75\sqrt{3}$  km
- c)  $50\sqrt{3}$  km
- d)  $75\sqrt{2}$  km
- e) 50 km

**45.**

Na figura,  $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OE} = \overline{OF} = \overline{OG}$ , ABCD é um quadrado de área 80, C e D pertencem ao diâmetro EF e o ângulo  $\gamma$  ( $\sphericalangle$  FEG) mede  $\frac{\pi}{6}$  rad.

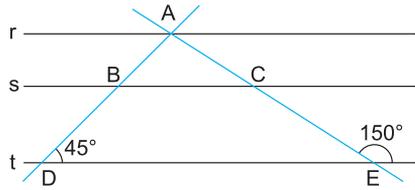


A área do triângulo EFG é:

- a)  $40\sqrt{3}$
- b)  $50\sqrt{3}$
- c)  $80\sqrt{3}$
- d) 80
- e) 100

**46. Cefet-PR**

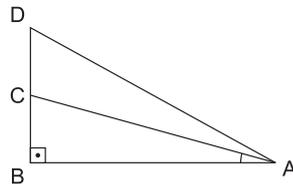
Na figura a seguir,  $r \parallel s \parallel t$  e  $\overline{AB} = 10$  cm. Assim, a área do triângulo ABC é igual a:



- a)  $25 \text{ cm}^2$
- b)  $10\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- c)  $25(\sqrt{3} - 1) \text{ cm}^2$
- d)  $25(\sqrt{3} + 1) \text{ cm}^2$
- e)  $50(\sqrt{3} - 1) \text{ cm}^2$

**47. ESAN-SP**

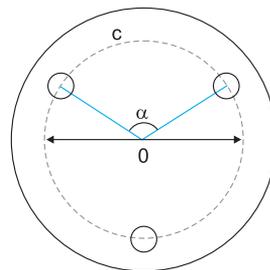
Qual é a medida de CD na figura ao lado, sabendo-se que  $\overline{AD} = 30$  cm,  $\overline{AB} = 10\sqrt{3}$  cm e  $\widehat{BAC} = 30^\circ$ ?



- a)  $10(\sqrt{6} + 1)$  cm
- b)  $12\sqrt{6}$  cm
- c)  $10(\sqrt{6} - 1)$  cm
- d) 10 cm
- e)  $12(\sqrt{6} - 1)$  cm

**48. Unir-RO**

Uma metalúrgica deseja produzir discos com três furos equidistantes entre si, conforme figura dada.



O círculo C, concêntrico ao disco em O, passa pelos centros dos furos e tem diâmetro igual a 8 polegadas. A partir das informações dadas, pode-se afirmar que a medida da distância entre os centros de dois desses furos é igual ao produto da medida do:

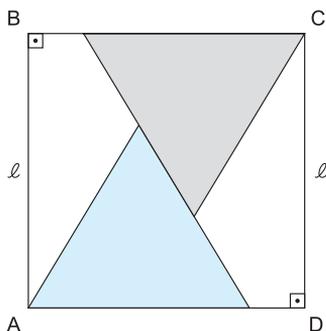
- a) raio do círculo C pelo seno de  $\frac{\alpha}{2}$ .
- b) diâmetro do círculo C pelo co-seno de  $\frac{\alpha}{2}$ .
- c) diâmetro do círculo C pelo seno de  $\frac{\alpha}{2}$ .
- d) raio do círculo C pelo co-seno de  $\frac{\alpha}{2}$ .

#### 49. UFPR

Uma pessoa de 2 m de altura, passeando pela cidade, caminha em linha reta em uma rua horizontal, na direção da portaria de um edifício. A pessoa pára para ver o topo desse edifício, o que a obriga a olhar para cima num ângulo de 30 graus com a horizontal. Após caminhar 49 m, pára uma segunda vez para ver o topo do edifício e tem que olhar para cima num ângulo de 45 graus com a horizontal. Suponha que cada andar do edifício tenha 3m de altura. Utilize  $\sqrt{3} \cong 1,7$ . Nessa situação, é correto afirmar:

- I. O edifício tem menos de 30 andares.
- II. No momento em que a pessoa pára pela primeira vez, ela está a 160 m da portaria do edifício.
- III. Quando a pessoa pára pela segunda vez, a distância em que ela se encontra da portaria é igual à altura do edifício.
- IV. Se, depois da segunda vez em que pára, a pessoa caminhar mais 35 m em direção à portaria, para ver o topo do edifício será necessário erguer os olhos num ângulo maior do que 60 graus com a horizontal.

#### 50. UERJ



A figura anterior representa um quadrado ABCD e dois triângulos equiláteros equivalentes. Se cada lado desses triângulos mede 2 cm, calcule o lado do quadrado ABCD.

#### 51. Cefet-MG

A expressão  $\frac{\sec x - \operatorname{cosec} x}{1 - \cot g x}$  é idêntica a:

- a)  $\operatorname{tg} x$
- b)  $\cos x$
- c)  $\sin x$
- d)  $\cot g x$
- e)  $\sec x$

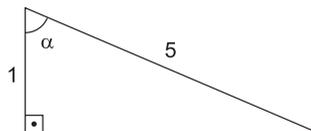
#### 52. UEMS

A expressão  $\frac{\sin^2 x}{1 - \cos x}$ , em que  $\cos x \neq 1$ , é igual a:

- a) 1
- b)  $\cos x$
- c)  $1 + \cos x$
- d)  $\sin x$
- e)  $\sqrt{\sin x + \cos x}$

#### 53. Mackenzie-SP

Observando o triângulo da figura, podemos afirmar que  $\frac{\cos \alpha - \sin \alpha}{1 - \operatorname{tg} \alpha}$  vale:



- a)  $\frac{1}{5}$
- b)  $\frac{1}{25}$
- c)  $\frac{\sqrt{5}}{5}$
- d)  $\frac{2}{5}$
- e)  $\frac{2\sqrt{5}}{5}$

#### 54. UFSCar-SP

O valor da expressão  $\frac{2 - \sin^2 x}{\cos^2 x} - \operatorname{tg}^2 x$  é:

- a) -1
- b) -2
- c) 2
- d) 1
- e) 0

#### 55. UFRGS-RS

Se  $\operatorname{tg} \theta = 3$  e  $0 < \theta < 90^\circ$ , então o valor de  $\cos \theta$  é:

- a)  $\frac{1}{10}$
- b)  $\frac{\sqrt{3}}{10}$
- c)  $\frac{3}{10}$
- d)  $\frac{\sqrt{10}}{10}$
- e) 1

#### 56. UEL-PR

Seja  $x$  um ângulo agudo. Se  $\sec x = \frac{3}{2}$ , então  $\operatorname{tg} x$  é igual a:

- a)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$
- b)  $\frac{2}{3}$
- c)  $\frac{1}{2}$
- d)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$
- e)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$





### 82. Mackenzie-SP

O ponteiro dos minutos de um relógio mede 4 cm. Supondo  $\pi = 3$ , a distância, em centímetros, que a extremidade desse ponteiro percorre em 25 minutos é:

- a) 15
- b) 12
- c) 20
- d) 25
- e) 10

### 83.

Calcule o menor ângulo formado pelos ponteiros de um relógio que está assinalando 1h40min.

### 84.

O maior arco formado entre os ponteiros de um relógio às 23h 45min é:

- a)  $189^\circ 30'$
- b)  $277^\circ 30'$
- c)  $270^\circ$
- d)  $254^\circ 45'$
- e)  $277^\circ 50'$

### 85. UEMS

O menor ângulo formado pelos ponteiros de um relógio às 17 horas, em radianos, é:

- a)  $\frac{6\pi}{5}$
- b)  $\pi$
- c)  $\frac{3\pi}{5}$
- d)  $\frac{5\pi}{3}$
- e)  $\frac{5\pi}{6}$

### 86. Unicamp-SP

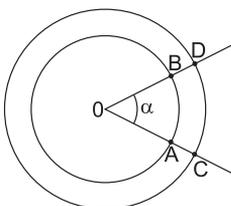
Um relógio foi acertado exatamente ao meio-dia. Determine as horas e minutos que estará marcando esse relógio após o ponteiro menor ter percorrido um ângulo de  $42^\circ$ .

### 87.

Os ângulos de medidas  $\theta$  e  $\gamma$  são tais que  $\theta + \gamma = 45^\circ$  e  $\theta - \gamma = 19^\circ 35' 30''$ . Calcule  $\theta$  e  $\gamma$ .

### 88.

Duas circunferências concêntricas em O têm sobre si determinados os arcos  $\widehat{AB}$  e  $\widehat{CD}$  pelo ângulo central  $\alpha$ , conforme ilustra a figura a seguir.



Sabendo-se que  $\alpha = \frac{\pi}{5}$  rad, que o segmento  $\overline{AC}$  tem medida 20 cm e que o arco  $\widehat{CD}$  tem  $10\pi$  cm de comprimento, determine:

- a) a medida do segmento  $\overline{OA}$ ;
- b) o comprimento do arco  $\widehat{AB}$ .

### 89.

Durante uma competição, dois velocistas percorrem, emparelhados, um trecho circular de uma pista de atletismo. Um observador localizado no centro de curvatura dos arcos descritos pelos corredores nota que, acompanhando-os visualmente durante esse trecho da prova, teve que girar  $20^\circ$ . Nesse intervalo de tempo, o atleta mais distante percorreu 62 m com velocidade  $v_1$  e o outro corredor, distante 9 m do seu oponente, manteve uma velocidade  $v_2$ . Considerando  $\pi = 3,1$ , determine:

- a) a distância percorrida pelo velocista mais próximo;
- b) a razão entre as velocidades  $v_1$  e  $v_2$ , nessa ordem.

### 90.

Determine o menor ângulo formado entre os ponteiros às 12h 24 min.

### 91. Unimep-SP

Das 16h30min até as 17h 10min, o ponteiro das horas de um relógio percorre um arco de:

- a)  $24^\circ$
- b)  $40^\circ$
- c)  $20^\circ$
- d)  $18^\circ$

### 92. Fatec-SP

Na figura tem-se o mostrador de um relógio de raio 1. Seus ponteiros marcam 4h40min. A área da região destacada na figura é:



- a)  $\frac{7\pi}{36}$
- b)  $\frac{8\pi}{36}$
- c)  $\frac{9\pi}{36}$
- d)  $\frac{10\pi}{36}$
- e)  $\frac{11\pi}{36}$

Lembrete: a área de um círculo de raio  $r$  é dada pela fórmula  $A = \pi r^2$

### 93. FGV-SP

É uma hora da tarde; o ponteiro dos minutos coincidirá com o ponteiro das horas, pela primeira vez, aproximadamente, às:

- a) 13h 5' 23"                      d) 13h 5' 29"  
 b) 13h 5' 25"                      e) 13h 5' 31"  
 c) 13h 5' 27"

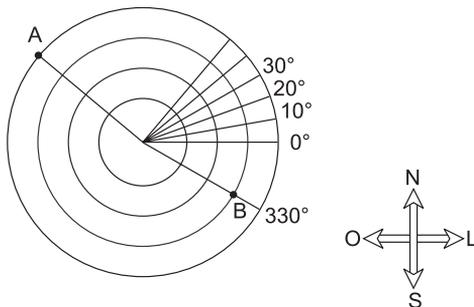
### 94. UFU-MG

Os ponteiros das horas e dos minutos de um relógio estão sobrepostos ao meio-dia. Então eles estarão novamente sobrepostos daí a:

- a) 1 h e 5/11 min  
 b) 1 h e 5/13 min  
 c) 1 h e 11/13 min  
 d) 1 h e 5 min  
 e) 1 h e 60/11 min

### 95. UnB-DF

O radar é um aparelho que usa o princípio da reflexão de ondas para determinar a posição de um objeto que se encontra distante ou encoberto por nevoeiro ou nuvem. A posição do objeto é indicada sob a forma de um ponto luminoso que aparece na tela do radar, que apresenta ângulos e círculos concêntricos, cujo centro representa a posição do radar, conforme ilustra a figura a seguir.



Considere que os pontos A e B da figura sejam navios detectados pelo radar. O navio A está a 40 km do radar e o navio B, a 30 km. Com base nessas informações e desconsiderando as dimensões dos navios, julgue os itens que se seguem.

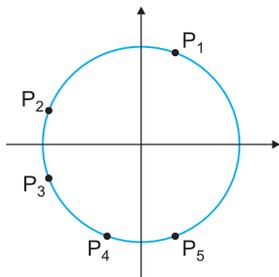
1. A distância entre os navios A e B é maior que 69 km.
2. Se, a partir das posições detectadas pelo radar, os navios A e B começarem a se movimentar no mesmo instante, em linha reta, com velocidades constantes e iguais, o navio A para o leste e o navio B para o norte, então eles se chocarão.
3. A partir da posição detectada pelo radar, caso B se movimente sobre um círculo de raio igual a 30 km, no sentido anti-horário, com velocidade constante de 40 km/h então, em 10 min, o navio B percorrerá um arco correspondente a  $(40/\pi)^\circ$ .

## Capítulo 3

### 96.

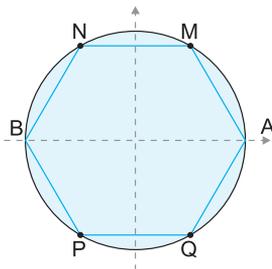
Os pontos  $P_1, P_2, P_3, P_4$  e  $P_5$  representam os arcos apresentados abaixo no ciclo trigonométrico. Associe os pontos com cada um dos arcos.

- a)  $\frac{7\pi}{6}$  rad  
 b)  $290^\circ$   
 c) 1 rad  
 d)  $-190^\circ$   
 e)  $-\frac{9}{5}$  rad



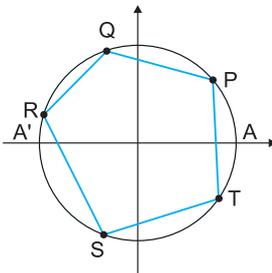
### 97.

O polígono AMNBPQ é um hexágono regular e está inscrito no ciclo trigonométrico, conforme figura. Determine as medidas  $x$ , em graus e em radianos, dos arcos determinados pelos vértices M, N, P e Q do polígono (considerando como origem o ponto A e  $0^\circ \leq x < 360^\circ$  ou  $0 \leq x < 2\pi$ ).



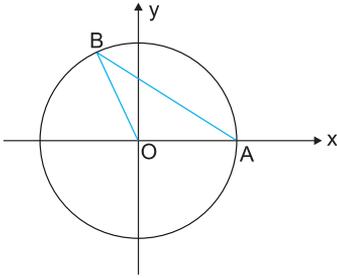
### 98.

Determine os menores arcos negativos, medidos em graus, que são representados pelos vértices do pentágono regular PQRST, sabendo que P é a imagem de  $30^\circ$ .



**99. Unifor-CE**

Na figura a seguir tem-se o triângulo OAB, inscrito em um ciclo trigonométrico. ( $R = 1$ )

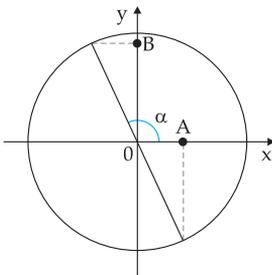


Se o ponto B é a extremidade do arco de medida  $-\frac{4\pi}{3}$  rad, o perímetro do triângulo OAB, em unidades de comprimento, é:

- a)  $2 + \sqrt{3}$
- b)  $3 + \sqrt{3}$
- c)  $1 + 2\sqrt{3}$
- d)  $2 + 2\sqrt{3}$
- e)  $4 + 2\sqrt{3}$

**100. UFRGS-RS**

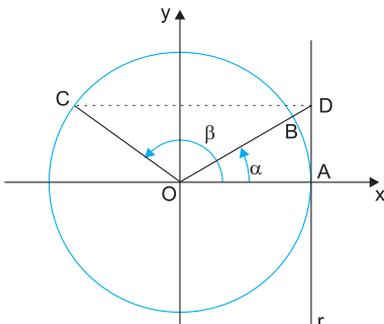
No círculo trigonométrico da figura abaixo, tem-se  $\alpha = 120^\circ$ . O valor de  $\overline{OA} \cdot \overline{OB}$  é:



- a)  $\frac{1}{2}$
- b)  $\frac{1}{4}$
- c)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- d)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- e)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$

**101. UFPB**

Na figura abaixo,  $\alpha$  e  $\beta$  são as medidas dos ângulos  $\widehat{AOB}$  e  $\widehat{AOC}$ , respectivamente, e  $r$  é a reta tangente à circunferência de centro O e raio unitário, no ponto A.



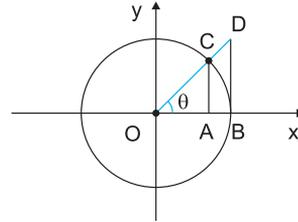
Se  $\overline{CD}$  é paralelo a  $\overline{OA}$  e  $0 < \alpha < \frac{\pi}{4}$ , então  $\sin \beta$  é igual a:

- a)  $\sin \alpha$
- b)  $\operatorname{tg} \beta$
- c)  $\cos \alpha$
- d)  $\cos \beta$
- e)  $\operatorname{tg} \alpha$

**102. UFJF-MG**

A figura a seguir mostra, no plano cartesiano, uma circunferência centrada na origem, de raio igual a 1, passando pelos pontos B e C. Nessa figura, os pontos O, C e D são colineares, os segmentos de retas  $\overline{AC}$  e  $\overline{BD}$  são paralelos ao eixo y e  $\theta$  é o ângulo que o segmento de reta  $\overline{OD}$  faz com o eixo x.

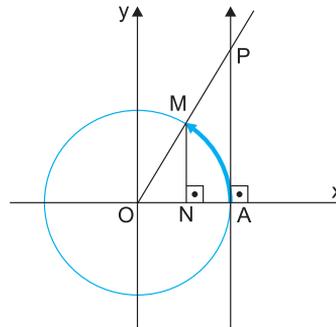
Com respeito a essa figura, é correto afirmar que:



- a)  $\overline{OA} = \sin \theta$
- b)  $\overline{OC} = \cos \theta$
- c)  $\overline{BD} = \frac{\overline{AC}}{\overline{OA}}$
- d)  $\frac{\overline{AC}}{\overline{BD}} = \frac{\overline{OD}}{\overline{OB}}$
- e)  $\overline{OB}^2 + \overline{BD}^2 = 1$

**103. Fatec-SP**

Na circunferência trigonométrica a seguir, considere o arco  $\widehat{AM}$ , de medida  $\frac{\pi}{3}$  radianos. Então:



- a)  $AP = 1$
- b)  $MN = \sqrt{3}$
- c)  $ON = \sqrt{2}$
- d)  $AN = \sqrt{\frac{1}{3}}$
- e)  $OP = 2$

**104.**

Calcule o valor da expressão:

$$E = \frac{\sin \frac{\pi}{2} \cdot \cos \pi + \cos 0 \cdot \sin \frac{3\pi}{2}}{\sin \pi + \operatorname{tg} 0 \cdot \cos \frac{\pi}{2} + \cos 2\pi}$$



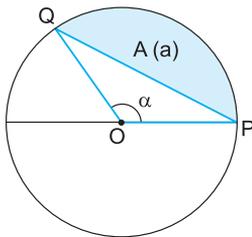


### 122. FGV-SP

- Para que valores de  $m$  a equação na incógnita  $x$ ,  $2 \operatorname{sen} x - 1 = 3m$ , admite solução?
- Dois lados de um triângulo medem 10 cm cada um. Qual a medida do ângulo formado por esses lados, de modo que resulte em um triângulo de área máxima?

### 123. UnB-DF

No sistema de coordenadas  $xOy$ , considere a circunferência de centro na origem e de raio igual a 1. A cada ângulo central  $\alpha$  no intervalo  $[0, \pi]$ , represente por  $A(\alpha)$  a área delimitada pelo arco da circunferência e o segmento de reta que liga os pontos  $P$  e  $Q$ , como ilustrado na figura a seguir.

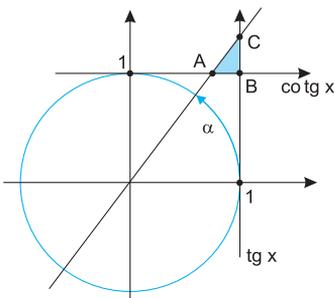


Com base nessas informações, julgue os itens seguintes.

- A área  $A$  é uma função crescente do ângulo central  $\alpha$ .
- $\frac{1}{4} < A\left(\frac{\pi}{2}\right) < \frac{1}{2}$
- $A(\alpha) = \frac{1}{2}(\alpha - \operatorname{sen} \alpha)$

### 124. Unifesp

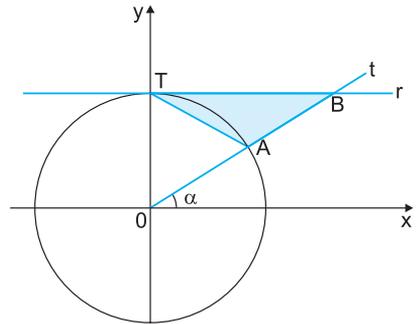
Com base na figura, que representa o círculo trigonométrico e os eixos da tangente e da co-tangente:



- calcule a área do triângulo  $ABC$ , para  $\alpha = \frac{\pi}{3}$ .
- determine a área do triângulo  $ABC$ , em função de  $\alpha$ ,  $\frac{\pi}{4} < \alpha < \frac{\pi}{2}$ .

### 125. Fuvest-SP

Na figura a seguir, a reta  $r$  passa pelo ponto  $T = (0, 1)$  e é paralela ao eixo  $Ox$ . A semi-reta  $Ot$  forma um ângulo  $\alpha$  com o semi-eixo  $Ox$  ( $0^\circ < \alpha < 90^\circ$ ) e intercepta a circunferência trigonométrica e a reta  $r$  nos pontos  $A$  e  $B$ , respectivamente.



A área do  $\Delta TAB$ , como função de  $\alpha$ , é dada por:

- $(1 - \operatorname{sen} \alpha) \cdot \frac{(\cos \alpha)}{2}$
- $(1 - \cos \alpha) \cdot \frac{(\operatorname{sen} \alpha)}{2}$
- $(1 - \operatorname{sen} \alpha) \cdot \frac{(\operatorname{tg} \alpha)}{2}$
- $(1 - \operatorname{sen} \alpha) \cdot \frac{(\operatorname{cotg} \alpha)}{2}$
- $(1 - \operatorname{sen} \alpha) \cdot \frac{(\operatorname{sen} \alpha)}{2}$

### 126. UFAL

Analise as afirmativas abaixo, nas quais  $x$  é um número real.

- $\operatorname{sen} 495^\circ = \operatorname{sen} (\pi/4)$
- $\operatorname{tg} (8\pi/7) < 0$
- $\operatorname{sen} (\pi/5) + \operatorname{sen} (\pi/5) = \operatorname{sen} (2\pi/5)$
- A equação  $\operatorname{tg} x = 1.000$  não tem solução
- Para  $0 \leq x < \pi/4$  tem-se  $\cos x > \operatorname{sen} x$

### 127. Fuvest-SP

Qual das afirmações a seguir é verdadeira?

- $\operatorname{sen} 210^\circ < \cos 210^\circ < \operatorname{tg} 210^\circ$
- $\cos 210^\circ < \operatorname{sen} 210^\circ < \operatorname{tg} 210^\circ$
- $\operatorname{tg} 210^\circ < \operatorname{sen} 210^\circ < \cos 210^\circ$
- $\operatorname{tg} 210^\circ < \cos 210^\circ < \operatorname{sen} 210^\circ$
- $\operatorname{sen} 210^\circ < \operatorname{tg} 210^\circ < \cos 210^\circ$

### 128.

Calcule o valor de:

- $\sec 300^\circ$
- $\operatorname{cotg} 315^\circ$
- $\operatorname{cosec} 330^\circ$
- $\cos\left(-\frac{\pi}{6}\right)$
- $\operatorname{sen}\left(-\frac{\pi}{4}\right)$
- $\operatorname{tg}\left(-\frac{\pi}{3}\right)$

**129. Unicap-PE**

Assinale os itens corretos.

Considerando os ângulos medidos em grau, tem-se

0.  $\text{sen } 120^\circ > 0$
1.  $\text{cos } 390^\circ > 0$
2.  $\text{tg } 240^\circ < 0$
3.  $\text{sec } 120^\circ < 0$
4.  $(\text{tg } 240^\circ)^2 - (\text{sec } 240^\circ)^2 = -1$

**130. Uespi**

Simplificando a expressão  $\frac{\cos^2 30^\circ + \cos(-60^\circ)}{\text{tg}^5 45^\circ + \text{sen}^3 30^\circ}$

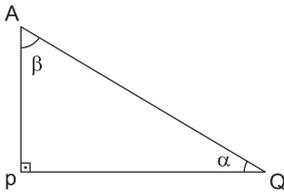
obtm-se como resultado:

- a)  $\frac{10}{3}$
- b)  $\frac{10}{5}$
- c)  $\frac{10}{7}$
- d)  $\frac{10}{9}$
- e) 1

**131. Mackenzie-SP**

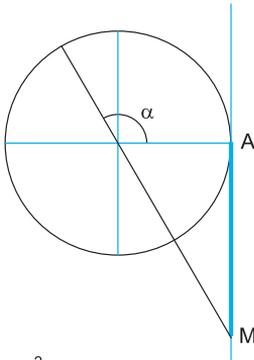
No triângulo retângulo da figura,  $\overline{AQ} = 2\overline{AP}$ . Então,  $\text{sen}(\alpha + 3\beta)$  vale:

- a)  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$
- b)  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$
- c)  $-\frac{1}{2}$
- d)  $\frac{1}{2}$
- e)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$



**132. UFOP-MG**

No círculo trigonométrico representado na figura abaixo, temos  $\alpha = 120^\circ$ .



O valor de  $(\overline{AM})^2$  é:

- a)  $\frac{1}{3}$
- b)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$
- c)  $\sqrt{3}$
- d) 3

**133. ENEM**

Nos *X-Games Brasil*, em maio de 2004, o skatista brasileiro Sandro Dias, apelidado "Mineirinho", conseguiu realizar a manobra denominada "900", na modalidade *skate vertical*, tornando-se o segundo atleta no mundo a conseguir esse feito. A denominação "900" refere-se ao número de graus que o atleta gira no ar em torno de seu próprio corpo, que, no caso, corresponde a:

- a) uma volta completa.
- b) uma volta e meia.
- c) duas voltas completas.
- d) duas voltas e meia.
- e) cinco voltas completas.

**134. Uespi**

O valor do real  $y$  definido por  $y = \frac{\text{tg}\left(\frac{\pi}{4}\right) - \cos(-\pi)}{\text{sec}\left(\frac{\pi}{3}\right)}$  é

dado pelo número:

- a) 2
- b) 1
- c)  $\frac{1}{2}$
- d)  $\frac{1}{4}$
- e)  $\frac{1}{8}$

**135. UPF-RS**

O valor numérico de:

$$A = \frac{\cos 2x - \cotg \frac{9}{4}x}{\text{sen} \frac{x}{2} + \text{tg} \frac{9}{4}x}, \text{ com } x = \frac{\pi}{3} \text{ rad, é}$$

- a) -1
- b) 1
- c) 2
- d)  $\sqrt{3}$
- e)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$

**136.**

A expressão:  $\frac{\text{sen}(2\pi - x) \cdot \cos(\pi + x)}{\text{tg}(\pi - x) \cdot \text{sen}\left(\frac{\pi}{2} - x\right)}$ , simplifique

- a)  $\cos x$
- b)  $-\text{sen}$
- c)  $-\cos x$
- d)  $\sec x$
- e)  $-\sec x$

**137.**

Simplifique a expressão:

$$E = \frac{\cos(\pi - \alpha) \cdot \sec(-\alpha) \cdot \text{tg}(2\pi - \alpha)}{\text{sen}\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) \cdot \cotg(\pi - \alpha) \cdot \sec(2\pi - \alpha)}$$



**147. FCMSC-SP**

Consideremos a expressão:

$$A = \cos 12^\circ + \cos 25^\circ + \dots + \cos 142^\circ + \cos 155^\circ + \cos 168^\circ.$$

Calculando-se o valor numérico de A, podemos afirmar que  $f(A) = 1 + 2^A$  vale:

- a)  $2^{3 \cdot 2} + 1$                       c) 2  
b) 3                                      d) -1

**148. Fuvest-SP**

Se  $\alpha$  é um ângulo tal que  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$  e  $\sin \alpha = a$ , então  $\operatorname{tg}(\pi - \alpha)$  é igual a:

- a)  $\frac{-a}{\sqrt{1-a^2}}$                       d)  $\frac{-\sqrt{1-a^2}}{a}$   
b)  $\frac{a}{\sqrt{1-a^2}}$                       e)  $\frac{-(1+a^2)}{a}$   
c)  $\frac{\sqrt{1-a^2}}{a}$

**149. UFPE**

O PIB (Produto Interno Bruto, que representa a soma das riquezas e dos serviços produzidos por uma nação) de certo país, no ano  $2000 + x$ , é dado, em bilhões de dólares, por:

$$P(x) = 500 + 0,5x + 20 \cos\left(\pi \frac{x}{6}\right)$$

em que  $x$  é um inteiro não negativo.

- a) Determine, em bilhões de dólares, o valor do PIB do país em 2004.  
b) Em períodos de 12 anos, o PIB do país aumenta do mesmo valor, ou seja,  $P(x+12) - P(x)$  é constante. Determine esta constante (em bilhões de dólares).

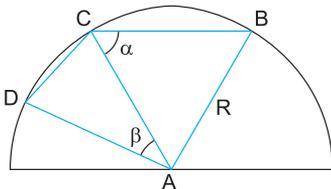
Obs.:  $\cos(x + 2\pi) = \cos x$

**150. Fuvest-SP**

Na figura abaixo, o quadrilátero ABCD está inscrito numa semi-circunferência de centro A e raio  $AB = AC = AD = R$ .

A diagonal  $\overline{AC}$  forma com os lados  $\overline{BC}$  e  $\overline{AD}$  ângulos  $\alpha$  e  $\beta$ , respectivamente.

Logo, a área do quadrilátero ABCD é:



- a)  $\frac{R^2}{2}(\sin 2\alpha + \sin \beta)$       d)  $\frac{R^2}{2}(\sin \alpha + \cos \beta)$   
b)  $\frac{R^2}{2}(\sin 2\alpha + \sin 2\beta)$       e)  $\frac{R^2}{2}(\sin 2\alpha + \cos \beta)$   
c)  $\frac{R^2}{2}(\cos 2\alpha + \sin 2\beta)$

**151. FGV-SP**

Resolva a equação  $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ , em que  $0 \leq x \leq 2\pi$ .

**152. FMTM-MG**

No intervalo  $[0, 2\pi]$ , a equação  $|\cos x| = \frac{1}{2}$  tem um número de raízes igual a:

- a) 0                                      d) 3  
b) 1                                      e) 4  
c) 2

**153.**

Resolva a equação  $\operatorname{tg} x = -\frac{\sqrt{3}}{3}$ , com  $0 \leq x \leq 2\pi$

**154. Uneb-BA**

No intervalo  $[0, 2\pi]$ , a equação trigonométrica  $\operatorname{tg} x = -1$ :

- a) não possui raízes.  
b) possui uma única raiz.  
c) possui exatamente duas raízes.  
d) possui exatamente três raízes.  
e) possui uma infinidade de raízes.

**155. UnB-DF**

A soma das raízes da equação

$$\sin x + \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = 1, \text{ para } 0 \leq x < 2\pi, \text{ é:}$$

- a)  $\pi$   
b)  $2\pi$   
c)  $\frac{\pi}{4}$   
d)  $\frac{3\pi}{4}$   
e)  $\frac{\pi}{6}$

**156. Mackenzie-SP**

Se  $\sin^4 x = 1 + \cos^2 x$ , então  $x$  pode pertencer ao intervalo:

- a)  $\left[\frac{\pi}{4}; \frac{3\pi}{4}\right]$                       d)  $\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{3}\right]$   
b)  $\left[0; \frac{\pi}{6}\right]$                       e)  $\left[\frac{5\pi}{3}; 2\pi\right]$   
c)  $\left[\pi; \frac{5\pi}{4}\right]$

**157. PUC-MG**

A soma das raízes da equação  $\cos x - \cos^2 x = 0$ ,  $0 \leq x \leq 2\pi$ , em radianos, é:

- a)  $\pi$                                       d)  $4\pi$   
b)  $2\pi$                                       e)  $5\pi$   
c)  $3\pi$

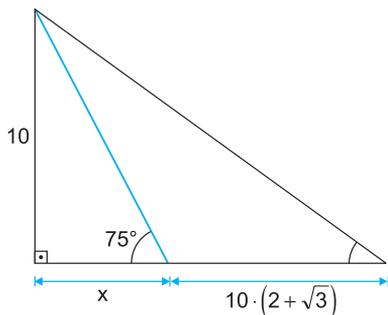






**189.**

No triângulo a seguir, determine a medida  $x$  e  $\text{sen } \alpha$ .



**190. Fuvest-SP**

Resolva (em R) a equação

$$\cos x \sin 2x = \sin x (1 + \cos 2x).$$

**191. UFMA**

Sabendo que  $\beta$  é um ângulo tal que  $2 \sin(\beta - 60^\circ) = \cos(\beta + 60^\circ)$ , então  $\text{tg } \beta$  (tangente de  $\beta$ ) é um número da forma  $a + b\sqrt{3}$ , em que:

- a)  $a$  e  $b$  são reais negativos.
- b)  $a$  e  $b$  são inteiros.
- c)  $a + b = 1$ .
- d)  $a$  e  $b$  são pares.
- e)  $a^2 + b = 1$ .

**192. Unifesp**

A expressão  $\sin(x - y) \cos y + \cos(x - y) \sin y$  é equivalente a:

- a)  $\sin(2x + y)$
- b)  $\cos(2x)$
- c)  $\sin x$
- d)  $\sin(2x)$
- e)  $\cos(2x + 2y)$

**193. Mackenzie-SP**

A soma dos valores inteiros de  $k$  para que a equação  $\sqrt{3} \sin x + \cos x = k - 3$  apresente soluções reais é:

- a) 7
- b) 10
- c) 13
- d) 15
- e) 20

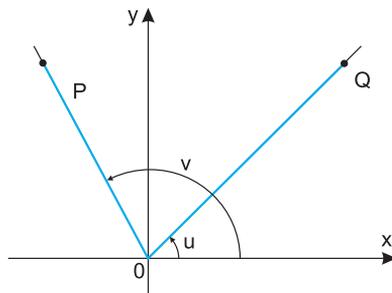
**194. Cefet-PR**

A expressão  $\cos^2(315^\circ - 2x) + \sin^2(225^\circ + 2x)$  é igual a:

- a)  $\sin(4x)$
- b) 1
- c) 0
- d)  $\sin^2(x) - \cos(2x)$
- e)  $\text{tg}(x)$

**195. UFRGS-RS**

Na figura a seguir, os ângulos  $u$  e  $v$  medem, respectivamente,  $\frac{\pi}{4}$  e  $\frac{2\pi}{3}$ ,  $OP = \sqrt{2}$  e  $OQ = \sqrt{3}$ .

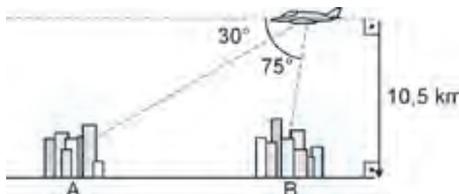


Então,  $(PQ)^2$  é:

- a)  $2 + \sqrt{3}$
- b)  $3 + \sqrt{2}$
- c)  $2 + \sqrt{2}$
- d)  $2 - \sqrt{3}$
- e)  $\sqrt{2} + \sqrt{3}$

**196. AFA-RJ**

Um passageiro em um avião, voando a 10,5 km de altura, avista duas cidades à esquerda da aeronave. Os ângulos de depressão em relação às cidades são  $30^\circ$  e  $75^\circ$ , conforme a figura a seguir. A distância, em km, entre os prédios A e B situados nessas cidades é igual a:



- a)  $21(\sqrt{3} - 1)$
- b)  $\frac{21}{2}(\sqrt{3} - 1)$
- c)  $\frac{21}{2}\sqrt{3}$
- d)  $\sqrt{3} - 1$

**197. ITA-SP**

Seja  $a \in \mathbb{R}$  com  $0 < a < \frac{\pi}{2}$ . A expressão

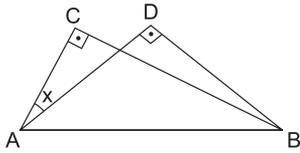
$$\left\{ \sin \left[ \left( \frac{3\pi}{4} \right) + a \right] + \sin \left[ \left( \frac{3\pi}{4} \right) - a \right] \right\} \cdot \sin \left[ \left( \frac{\pi}{2} \right) - a \right]$$

é idêntica a:

- a)  $\frac{(\sqrt{2} \cot^2 a)}{(1 + \cot^2 a)}$
- b)  $\frac{(\sqrt{2} \cot a)}{(1 + \cot^2 a)}$
- c)  $\frac{\sqrt{2}}{(1 + \cot^2 a)}$
- d)  $\frac{(1 + 3 \cot a)}{2}$
- e)  $\frac{(1 + 2 \cot a)}{(1 + \cot a)}$

### 198. Fuvest-SP

Nos triângulos retângulos da figura,  $AC = 1$  cm,  $BC = 7$  cm,  $AD = BD$ . Sabendo que:  $\sin(a - b) = \sin a \cdot \cos b - \sin b \cdot \cos a$ , o valor de  $\sin x$  é:

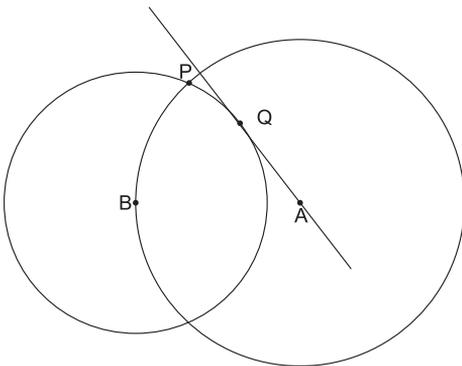


- a)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$                       d)  $\frac{4}{5}$   
 b)  $\frac{7}{\sqrt{50}}$                       e)  $\frac{1}{\sqrt{50}}$   
 c)  $\frac{3}{5}$

### 199. Fuvest-SP

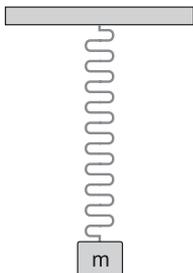
Na figura a seguir, as circunferências têm centros A e B. O raio da maior é  $\frac{5}{4}$  do raio da menor; P é um ponto de intersecção delas e a reta  $AQ$  é tangente à circunferência menor no ponto Q. Calcule:

- a)  $\cos(\widehat{ABQ})$   
 b)  $\cos(\widehat{ABP})$   
 c)  $\cos(\widehat{QB P})$



### 200. UERJ

Considere um bloco de massa  $m$ , em posição de equilíbrio, suspenso por uma mola vertical, como mostra a figura.



O bloco é puxado para baixo e solto, no instante  $t = 0$ , dando origem a um movimento harmônico simples. Ignorando a resistência do ar, a força de atrito interna da mola e supondo a situação ideal, este movimento é regido pela seguinte equação:

$$y(t) = A \cos \alpha t + B \sin \alpha t$$

Nesta equação,  $t$  representa o tempo,  $y$  a posição do bloco no instante  $t$  e  $\alpha$  é uma constante que depende do bloco e da mola.

Observe, a seguir, outra forma de representação para a equação acima.

$$y(t) = R \cos(\alpha t - \beta)$$

Nestas duas equações,  $R$ ,  $\alpha$  e  $\beta$  são constantes, sendo  $\alpha$  e  $\beta$  dados em radianos.

Em função de A e B, determine o valor de R.

### 201.

Se  $x$  é um ângulo agudo e  $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$ , calcule:

- a)  $\sin(2x)$   
 b)  $\cos(2x)$   
 c)  $\sin(4x)$

### 202. Unifesp

Se  $x$  é a medida de um arco do primeiro quadrante e se  $\sin x = 3 \cos x$ , então  $\sin(2x)$  é igual a:

- a)  $\frac{\sqrt{5}}{5}$                       d)  $\frac{4}{5}$   
 b)  $\frac{3}{5}$                       e)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$   
 c)  $\frac{1 + \sqrt{5}}{5}$

### 203. UEPB

Considere  $x$  um arco do primeiro quadrante de modo que  $\sin x = 0,6$ . Então, podemos afirmar que:

- a)  $\cos 2x = -0,6$   
 b)  $\sin 2x = 1,2$   
 c)  $\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = -0,6$   
 d)  $\cos\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = 0,6$   
 e)  $\cos x = 0,8$

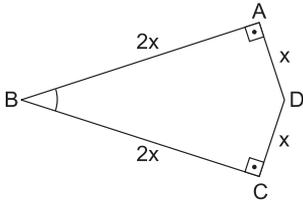
### 204. Mackenzie-SP

Se  $\sin x = \frac{4}{5}$  e  $\text{tg } x < 0$ , então  $\text{tg } 2x$  vale:

- a)  $\frac{24}{7}$                       d)  $\frac{8}{3}$   
 b)  $-\frac{24}{7}$                       e)  $-\frac{4}{3}$   
 c)  $-\frac{8}{3}$

**205. Fuvest-SP**

No quadrilátero ABCD, em que os ângulos  $\hat{A}$  e  $\hat{C}$  são retos e os lados têm as medidas indicadas, o valor de  $\text{sen } \hat{B}$  é:



- a)  $\frac{\sqrt{5}}{5}$
- b)  $\frac{2\sqrt{5}}{5}$
- c)  $\frac{4}{5}$
- d)  $\frac{2}{5}$
- e)  $\frac{1}{2}$

**206. Cesgranrio-RJ**

Seja  $A = \frac{7 \cos(5\pi - x) - 3 \cos(3\pi + x)}{8 \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right)}$ ,

com  $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$ , então:

- a)  $A = -1$
- b)  $2A = 1$
- c)  $2A + 1 = 0$
- d)  $4A + 5 = 0$
- e)  $5A - 4 = 0$

**207. UERGS-RS**

Desenvolvendo-se a expressão  $(\text{sen } 15^\circ + \text{cos } 15^\circ)^2$ , obtém-se:

- a) 0,5
- b) 1,0
- c) 1,2
- d) 1,5
- e) 2,5

**208. Fuvest-SP**

O valor de  $(\text{tg } 10^\circ + \text{cotg } 10^\circ) \text{sen } 20^\circ$  é:

- a)  $\frac{1}{2}$
- b) 1
- c) 2
- d)  $\frac{5}{2}$
- e) 4

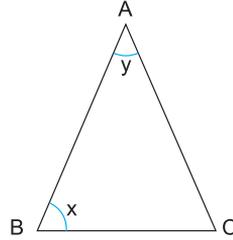
**209. UECE**

Se  $x$  é um arco do primeiro quadrante tal que  $\text{tg } \frac{x}{2} = \sqrt{7}$  então  $\text{sen } x$  é igual a:

- a)  $\frac{\sqrt{7}}{8}$
- b)  $\frac{\sqrt{7}}{6}$
- c)  $\frac{\sqrt{7}}{4}$
- d)  $\frac{\sqrt{7}}{3}$

**210. Mackenzie-SP**

No triângulo ABC, temos  $AB = AC$  e  $\text{sen } x = \frac{3}{4}$ . Então  $\text{cos } y$  é igual a:



- a)  $\frac{9}{16}$
- b)  $\frac{3}{4}$
- c)  $\frac{7}{9}$
- d)  $\frac{1}{8}$
- e)  $\frac{3}{16}$

**211. UFV-MG**

Mostre que para todo  $x \in \mathbb{R}$  vale a identidade:  $\text{cos}(4x) = 8 \text{cos}^4x - 8 \text{cos}^2x + 1$

**212. Mackenzie-SP**

Se  $y = 4 \text{cos } 15^\circ \cdot \text{cos } 75^\circ$ , então  $y^2$  vale:

- a) 1
- b)  $\frac{1}{4}$
- c)  $\frac{1}{2}$
- d)  $\frac{3}{4}$
- e) 2

**213. UFMS**

Sabendo-se que  $\text{sen}(x) \cdot \text{cos}(x) = 0,4$  e que  $0 < x < \pi/4$ , calcule  $300 \cdot \text{tg}(x)$ .

**214. UFRJ**

Seja  $x$  tal que  $\text{sen } x + \text{cos } x = 1$ . Determine todos os valores possíveis para  $\text{sen } 2x + \text{cos } 2x$ .

**215. UECE**

Seja  $p$  um número real positivo. Se  $\text{sen}(2\theta) = 2p$  e  $\text{sen } \theta = 3p, 0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ , então  $p$  é igual a:

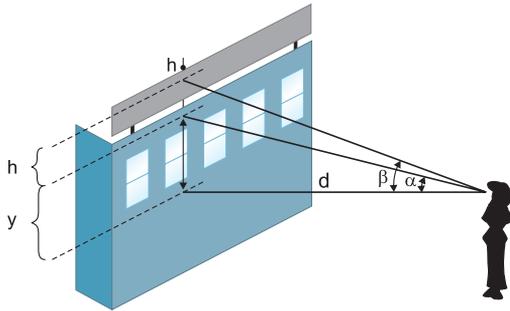
- a)  $\frac{\sqrt{2}}{9}$
- b)  $\frac{\sqrt{2}}{8}$
- c)  $\frac{\sqrt{2}}{6}$
- d)  $\frac{2\sqrt{2}}{9}$

**216. Ibmecc-SP**

Seja ABC um triângulo retângulo em C,  $\overline{BR}$  a bissetriz do ângulo  $\hat{A}$ , sendo R um ponto do lado AC. Se  $\overline{BR} = 2 \text{ m}$  e  $\overline{AB} = 12 \text{ m}$ , quanto mede  $\overline{BC}$  ?

### 217. FAAP-SP

Uma placa publicitária de altura  $h$  metros está colocada no alto de um edifício com a sua parte inferior a  $y$  metros acima do nível do olho do observador, conforme a figura a seguir:



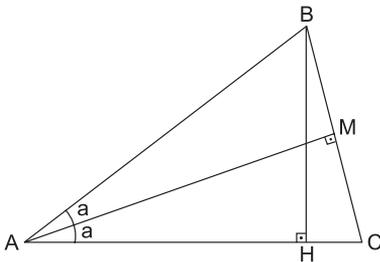
A altura  $h$  (em metros) da placa publicitária pode ser expressa:

- $h = d (\operatorname{tg} \beta - \operatorname{tg} \alpha)$
- $h = d \operatorname{tg} \alpha$
- $h = \operatorname{tg} (\alpha - \beta)/d$
- $h = d (\operatorname{sen} \alpha + \operatorname{cos} \alpha)$
- $h = d \operatorname{tg} \beta/2$

### 218. Ibmecc-SP

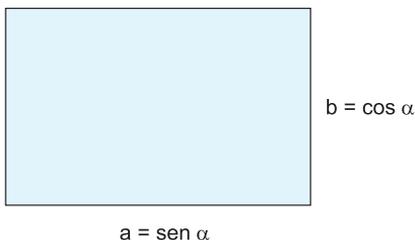
O triângulo  $ABC$  é isósceles (figura), com  $\overline{AB} = \overline{AC} = 1$ . Se  $BH$  é a altura relativa ao lado  $\overline{AC}$ , então, a medida de  $\overline{HC}$  é:

- $\operatorname{sen} a \cdot \operatorname{cos} a$
- $2 \operatorname{cos} a - \operatorname{sen} a$
- $1 - \operatorname{cos}^2 a$
- $1 - \operatorname{sen}^2 a$
- $2 \cdot \operatorname{sen}^2 a$



### 219. UFOP-MG

Um retângulo possui lados medindo  $a = \operatorname{sen} \alpha$  e  $b = \operatorname{cos} \alpha$ , em que  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ .



Determine a área do retângulo, sabendo-se que o perímetro é igual a  $\sqrt{8}$ .

### 220. UECE

O número de raízes da equação  $\operatorname{sen} x + \operatorname{cos} 2x = 1$  no intervalo  $[0, \pi]$  é:

- 2
- 4
- 6
- 8

### 221. UFPB

A expressão  $\operatorname{sen}\left(\frac{7\pi}{2}\right) + \frac{\operatorname{sen}(x + 11\pi) \cdot \operatorname{cotg}\left(x + \frac{11\pi}{2}\right)}{\operatorname{cos}(9\pi - x)}$ ,

com  $x \in \left[0, \frac{\pi}{4}\right]$ , é equivalente a:

- $-1 + \operatorname{sen}^2 x$
- $-2 + \operatorname{cos} x$
- $-\operatorname{cos}^2 x$
- $-1 + \operatorname{tg} x$
- $-\operatorname{sec}^2 x$

### 222.

Obtenha todos os pares  $(x, y)$ , com  $x, y \in [0, 2\pi]$ , tais que

$$\operatorname{sen}(x + y) + \operatorname{sen}(x - y) = \frac{1}{2}$$

$$\operatorname{sen} x + \operatorname{cos} y = 1$$

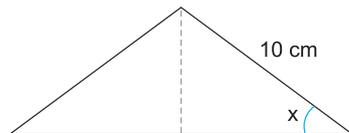
### 223. ITA-SP

A expressão  $\frac{\operatorname{sen} \theta}{1 + \operatorname{cos} \theta}$ ,  $0 < \theta < \pi$ , é idêntica a:

- $\sec\left(\frac{\theta}{2}\right)$
- $\operatorname{cosec}\left(\frac{\theta}{2}\right)$
- $\operatorname{cotg}\left(\frac{\theta}{2}\right)$
- $\operatorname{tg}\left(\frac{\theta}{2}\right)$
- $\operatorname{cos}\left(\frac{\theta}{2}\right)$

### 224. Vunesp

Numa fábrica de cerâmica, produzem-se lajotas triangulares. Cada peça tem a forma de um triângulo isósceles cujos lados medem 10 cm, e o ângulo da base tem medida  $x$ , como mostra a figura.



- Determine a altura  $h(x)$ , a base  $b(x)$  e a área  $A(x)$  de cada peça, em função de  $\operatorname{sen} x$  e  $\operatorname{cos} x$ .
- Determine  $x$ , de modo que  $A(x)$  seja igual a  $50 \text{ cm}^2$ .

### 225. ITA-SP

Sendo  $\alpha$  e  $\beta$  os ângulos agudos de um triângulo retângulo, e sabendo que  $\operatorname{sen}^2 2\beta - 2\operatorname{cos} 2\beta = 0$ , então  $\operatorname{sen} \alpha$  é igual a:

- a)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$   
 b)  $\frac{\sqrt[4]{2}}{2}$   
 c)  $\frac{\sqrt[4]{8}}{2}$   
 d)  $\frac{\sqrt[4]{8}}{4}$   
 e) zero

**226. ITA-SP**

Seja  $\alpha \in [0, \pi/2]$ , tal que  $\sin \alpha + \cos \alpha = m$ .  
 Então, o valor de  $y = \sin 2\alpha / (\sin^3 \alpha + \cos^3 \alpha)$  será:

- a)  $2(m^2 - 1) / m(4 - m^2)$   
 b)  $2(m^2 + 1) / m(4 + m^2)$   
 c)  $2(m^2 - 1) / m(3 - m^2)$   
 d)  $2(m^2 - 1) / m(3 + m^2)$   
 e)  $2(m^2 + 1) / m(3 - m^2)$

**227. Fuvest-SP**

- a) Calcule  $\cos 3\theta$  em função de  $\sin \theta$  e de  $\cos \theta$ .  
 b) Calcule  $\sin 3\theta$  em função de  $\sin \theta$  e de  $\cos \theta$ .  
 c) Para  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ , resolva a equação:

$$\sin^2 \theta + \frac{1}{2} \cos \theta + 1 = \frac{\sin 3\theta}{\sin \theta} - \frac{\cos 3\theta}{\cos \theta}$$

**228. Unicamp-SP**

Considere a equação trigonométrica

$$\sin^2 \theta - 2 \cos^2 \theta + 1/2 \sin 2\theta = 0.$$

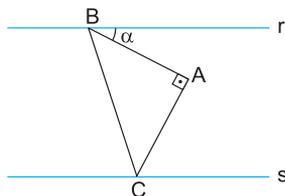
- a) Mostre que **não** são soluções dessa equação os valores de  $\theta$  para os quais  $\cos \theta = 0$ .  
 b) Encontre todos os valores de  $\cos \theta$  que são soluções da equação.

**229. UFU-MG**

Encontre o valor máximo e o valor mínimo que a função  $f(x) = (\cos x)^6 + (\sin x)^6$  pode assumir.  
 Obs.: Lembre-se que  $a^3 + b^3 = (a + b)((a + b)^2 - 3ab)$ .

**230. Fuvest-SP**

As retas  $r$  e  $s$  são paralelas e  $A$  é um ponto entre elas que dista 1 de  $r$  e 2 de  $s$ . Considere um ângulo reto, de vértice em  $A$ , cujos lados interceptam  $r$  e  $s$  nos pontos  $B$  e  $C$ , respectivamente. O ângulo agudo entre o segmento  $\overline{AB}$  e a reta  $r$  mede  $\alpha$ .



- a) Calcule a área do triângulo ABC em função do ângulo  $\alpha$ .

- b) Para que valor de  $\alpha$  a área do triângulo ABC é mínima?

**231.**

A expressão  $E = \sin 40^\circ + \sin 10^\circ$  é igual a:

- a)  $2 \sin 15^\circ \cos 25^\circ$   
 b)  $2 \cos 25^\circ \sin 25^\circ$   
 c)  $2 \sin 25^\circ \cos 15^\circ$   
 d)  $2 \sin^2 25^\circ$   
 e)  $2 \sin 15^\circ \cos 15^\circ$

**232. UFRJ**

Seja  $A = \sin 24^\circ + \sin 36^\circ$ , o valor de  $A$  é igual a:

- a)  $\cos 6^\circ$   
 b)  $\sin 4^\circ$   
 c)  $\cos 24^\circ$   
 d)  $\cos 5^\circ$   
 e)  $\sin 8^\circ$

**233.**

Simplifique a expressão:  $y = \frac{\cos 50^\circ - \cos 10^\circ}{\cos 100^\circ + \cos 40^\circ}$

**234. UFJF-MG**

Simplifique:  $y = \frac{\sin 30^\circ - \sin 80^\circ}{\sin 10^\circ + \sin 40^\circ}$

**235. Mackenzie-SP**

Simplificando-se  $\cos 80^\circ + \cos 40^\circ - \cos 20^\circ$ , tem-se:

- a) zero  
 b)  $\sin 20^\circ$   
 c) 1  
 d)  $1/2$

**236. UFRN**

Sabendo-se que  $\cos x + \sin x = a$ , calcule  $y = \cos^3 x + \sin^3 x$ .

**237. PUC-SP**

Transformando-se em produto a expressão  $\sin 70^\circ + \cos 30^\circ$ , obtém-se:

- a)  $2 \cos 25^\circ \cos 5^\circ$   
 b)  $2 \sin 25^\circ \sin 5^\circ$   
 c)  $2 \sin 25^\circ \cos 5^\circ$   
 d)  $2 \cos 25^\circ \sin 5^\circ$

**238.**

A expressão  $E = \cos a + 1$  é tal que:

- a)  $E = 2 \cos^2\left(\frac{a}{2}\right)$   
 b)  $E = \cos^2\left(\frac{a}{2}\right)$   
 c)  $E = \cos(2a)$   
 d)  $E = \sin\left(\frac{a}{2}\right)$   
 e)  $E = 2 \sin\left(\frac{a}{2}\right)$

**239. FEI-SP**

Simplificando-se  $\frac{\cos x - \cos(5x)}{\sin(5x) - \sin x}$ , tem-se:

- a)  $\operatorname{tg} x$
- b)  $\operatorname{sen} x$
- c)  $\cos x$
- d)  $\operatorname{tg} 3x$

**240.**

Mostre que:  $\frac{\operatorname{sen}(5x) - \operatorname{sen}(3x)}{\cos(3x) + \cos(5x)} = \operatorname{tg} x$

**241.**

Fatore (ou transforme em produto) a expressão  $\operatorname{sen} x + 2 \cdot \operatorname{sen} 2x + \operatorname{sen} 3x$ .

**242.**

Transforme em produto a expressão

$$y = \operatorname{sen}(135^\circ + x) + \operatorname{sen}(135^\circ - x).$$

**243.**

Transforme em produto a expressão:  $E = 1 + \cos 2x$

**244. FGV-SP**

No intervalo  $[0, 2\pi]$ , a equação trigonométrica  $\operatorname{sen} 2x = \operatorname{sen} x$  tem raízes cuja soma vale:

- a)  $\pi$
- b)  $2\pi$
- c)  $3\pi$
- d)  $4\pi$
- e)  $5\pi$

**245.**

Se  $\theta$  um arco tal que  $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{4}$ , resolva a equação  $\operatorname{sen} 6\theta = \operatorname{sen} 2\theta$ .

**246. Mackenzie-SP**

As raízes da equação  $\cos 2x = \cos x$ , pertencentes ao intervalo  $[0, 2\pi]$ , têm soma igual a:

- a)  $7\pi$
- b)  $5\pi$
- c)  $6\pi$
- d)  $3\pi$
- e)  $4\pi$

**247. Fuvest-SP**

Considere a função  $f(x) = \operatorname{sen} x \cos x + \frac{\operatorname{sen} x - \operatorname{sen} 5x}{2}$ .

Resolva a equação  $f(x) = 0$  no intervalo  $[0, \pi]$ .

**248. Fuvest-SP**

Considere a função  $f(x) = \operatorname{sen} x + \operatorname{sen} 5x$ .

- a) Determine as constantes  $k$ ,  $m$  e  $n$  para que  $f(x) = k \operatorname{sen}(mx) \cos(nx)$ .
- b) Determine os valores de  $x$ ,  $0 \leq x \leq \pi$ , tais que  $f(x) = 0$ .

**249. ITA-SP**

Seja  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  definida por  $f(x) = \sqrt{77} \operatorname{sen}[5(x + \pi/6)]$  e seja  $B$  o conjunto dado por  $B = \{x \in \mathbb{R} : f(x) = 0\}$ . Se  $m$  é o maior elemento de  $B \cap (-\infty, 0)$  e  $n$  é o menor elemento de  $B \cap (0, +\infty)$ , então  $m + n$  é igual a:

- a)  $2\pi/15$
- b)  $\pi/15$
- c)  $-\pi/30$
- d)  $-\pi/15$
- e)  $-2\pi/15$

**250. Ibmec-SP**

Qual o valor máximo da função  $f(x) = \operatorname{sen}(x) + \cos(x)$  com  $x \in [0, 2\pi]$ ?

- a) 0
- b) 2
- c)  $\sqrt{2}$
- d)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- e)  $2\sqrt{2}$

## Capítulo 5

**251. Unimar-SP**

Qual a menor determinação positiva de um arco de  $1.000^\circ$ ?

- a)  $270^\circ$
- b)  $280^\circ$
- c)  $290^\circ$
- d)  $300^\circ$
- e)  $310^\circ$

**252. PUC-SP**

O valor de  $\operatorname{sen} 1.200^\circ$  é:

- a)  $1/2$
- b)  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$
- c)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- d)  $-\frac{1}{2}$
- e)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

**253. Unifor-CE**

Reduzindo-se ao primeiro quadrante um arco de medida  $7.344^\circ$ , obtém-se um arco cuja medida, em radianos, é:

- a)  $\frac{\pi}{3}$
- b)  $\frac{\pi}{2}$
- c)  $\frac{2\pi}{3}$
- d)  $\frac{4\pi}{5}$
- e)  $\frac{9\pi}{10}$

**254.**

Qual é o valor da expressão  $y = \left(\operatorname{sen} \frac{7\pi}{2}\right) \cdot (\cos 31\pi)$ ?

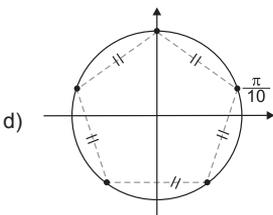
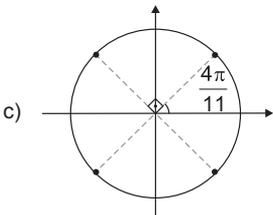
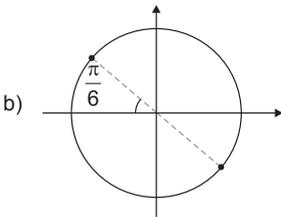
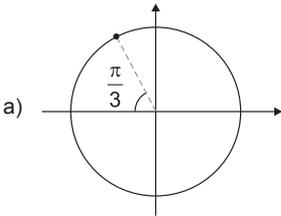
**255. UFU-MG**

Simplificando a expressão  $2\cos\frac{86\pi}{3} - 3\operatorname{tg}\frac{11\pi}{4}$ , obtém-se:

- a) -4
- b)  $-2\sqrt{3}$
- c)  $1+\sqrt{3}$
- d) 4
- e) 2

**256.**

Forneça a expressão geral dos arcos com as extremidades assinaladas.



**257.**

Unindo os pontos que são extremidades dos arcos dados pela expressão  $\frac{\pi}{6} + k \cdot \frac{\pi}{4}$  ( $k \in \mathbb{Z}$ ), obtemos um:

- a) quadrilátero.
- b) quadrado.
- c) pentágono regular.
- d) octógono regular.
- e) pentadecágono regular.

**258.**

Se  $x = \frac{2\pi}{3} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$ , o valor de  $\operatorname{sen} x \cdot \cos x$  é:

- a)  $-\frac{\sqrt{3}}{4}$
- b)  $-\frac{1}{4}$
- c)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$
- d)  $\frac{1}{4}$
- e)  $\sqrt{3}$

**259. FGV-SP**

Esboce, no plano cartesiano, o gráfico da função  $f(x)$  definida pelas equações:

$$\begin{cases} x = \cos t \\ y = \cos t - 1 + (\operatorname{sen} t)^2 \end{cases}$$

Indique o Domínio e a Imagem dessa função.

**260.**

Um campeonato de Matemática possui as seguintes regras:

- I. Escolhe-se um arco, em graus, em no máximo três voltas completas no ciclo trigonométrico no sentido positivo, a partir da origem;
- II. Calcula-se o seno desse arco;
- III. Ganha quem obtiver maior valor.

Daniel escolheu  $1.080^\circ$  e Kiko  $960^\circ$ .

- a) Quem foi o vencedor?
- b) Apesar do vencedor, no item a, ele fez uma boa escolha? Por quê?
- c) Qual seria a melhor escolha a ser feita?

**261. Fuvest-SP**

Dados os números reais expressos por  $\cos(-535^\circ)$  e  $\cos 190^\circ$ , qual deles é maior?

**262.**

Sendo  $x = \frac{\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$ , os valores possíveis de  $4^{\operatorname{sen} x}$  são:

- a)  $\frac{1}{4}$  e 4  
 b)  $-2$  e  $\frac{1}{2}$   
 c) 2 e  $-\frac{1}{2}$   
 d) 2 e  $\frac{1}{2}$   
 e) 16 e 2

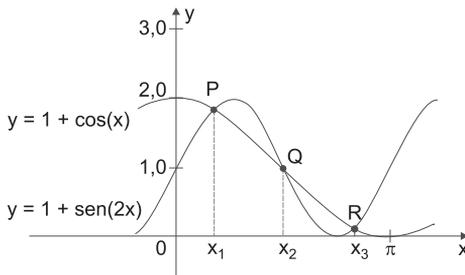
**263.**

Sendo  $x = (-1)^k \frac{\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$ , então  $\operatorname{sen} x$  é igual a:

- a)  $\pm \frac{\sqrt{3}}{2}$                       d)  $\pm \frac{1}{2}$  ou  $\pm \frac{\sqrt{3}}{2}$   
 b)  $\pm \frac{\sqrt{2}}{2}$                       e)  $\frac{1}{2}$   
 c)  $\pm \frac{1}{2}$

**264. Vunesp**

A figura representa parte dos gráficos das funções  $f(x) = 1 + \operatorname{sen}(2x)$  e  $g(x) = 1 + \cos(x)$ .



Se  $x_1, x_2$  e  $x_3$  são, respectivamente, as abscissas dos pontos P, Q e R de intersecção dos gráficos das funções  $f(x)$  e  $g(x)$  no intervalo  $[0, \pi]$ , a soma  $x_1 + x_2 + x_3$  é:

- a)  $\frac{2\pi}{3}$   
 b)  $\frac{4\pi}{3}$   
 c)  $\frac{3\pi}{2}$   
 d)  $\frac{5\pi}{6}$   
 e)  $\frac{7\pi}{12}$

**265. Mackenzie-SP**

Dê o domínio e o conjunto imagem da função definida por  $y = \operatorname{tg} 2x$ .

**266. ITA-SP**

Seja a matriz:

$$\begin{bmatrix} \cos 25^\circ & \operatorname{sen} 65^\circ \\ \operatorname{sen} 120^\circ & \cos 390^\circ \end{bmatrix}$$

O valor de seu determinante é:

- a)  $\frac{2\sqrt{2}}{2}$   
 b)  $\frac{3\sqrt{3}}{2}$   
 c)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$   
 d) 1  
 e) 0

**267. Mackenzie-SP**

Sejam os conjuntos:

$$A = \left\{ y \in \mathbb{R} / y = \operatorname{sen} \frac{k\pi}{3}, k \in \mathbb{Z} \right\}$$
 e

$$B = \left\{ y \in \mathbb{R} / y = \cos \frac{k\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \right\}$$

Então, o número de elementos de  $A \cap B$  é:

- a) 1  
 b) 2  
 c) 3  
 d) 4  
 e) infinito

**268.**

Sendo  $A = \left\{ y \in \mathbb{R} / y = \operatorname{sen} \left( \frac{\pi}{4} + \frac{k \cdot \pi}{2} \right), k \in \mathbb{Z} \right\}$ , o número de

subconjuntos diferentes que o conjunto A admite é:

- a) 2                                      d) 16  
 b) 4                                      e) 32  
 c) 8

**269.**

Se  $f$  é uma função real definida por  $f(x) = \frac{2 \operatorname{tg} x}{1 + \operatorname{tg}^2 x}$ , então  $f(x)$  é igual a:

- a)  $\operatorname{cosec} 2x$                       d)  $\cos 2x$   
 b)  $\sec 2x$                           e)  $\operatorname{sen} 2x$   
 c)  $\operatorname{tg} 2x$

**270. Uespi**

A igualdade  $\operatorname{tg} x = 1$ , é válida para:

- a)  $x = \pi/4 + 2k\pi (k \in \mathbb{Z})$   
 b)  $x = \pi/4 + k\pi (k \in \mathbb{Z})$   
 c)  $x = \pi/2 + 2k\pi (k \in \mathbb{Z})$   
 d)  $x = \pi/2 + k\pi (k \in \mathbb{Z})$   
 e)  $x = 3\pi/4 + 2k\pi (k \in \mathbb{Z})$

**271. AMAN-RJ**

Os valores de  $x$  que satisfazem a equação  $3^{\cos 2x} = 1$  tomam a forma:

- a)  $k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}$   
 b)  $2k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}$   
 c)  $\frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}, k \in \mathbb{Z}$   
 d)  $\frac{k\pi}{4}, k \in \mathbb{Z}$

**272.**

Resolva em  $\mathbb{R}$ :

- a)  $\sin\left(\frac{\pi}{3} + x\right) = 1$   
 b)  $\operatorname{tg}\left(2x + \frac{\pi}{6}\right) = -1$

**273. UFIT-MG**

Os valores de  $x$  que satisfazem a equação

$$\cos\left(3x - \frac{\pi}{5}\right) = 0, (k \in \mathbb{Z}) \text{ são:}$$

- a)  $x = \frac{7\pi}{30} + k\frac{\pi}{3}$                       c)  $x = \frac{7\pi}{2} + k\frac{\pi}{4}$   
 b)  $x = \frac{7\pi}{15} + k\frac{\pi}{3}$                       d)  $x = \frac{7\pi}{5} + k\frac{\pi}{2}$

**274. UFRGS-RS**

Os valores de  $x$  que satisfazem a equação

$$2\cos x - \begin{vmatrix} \cos x & -\sin x \\ \sin x & \cos x \end{vmatrix} = 0 \text{ são:}$$

- a)  $\frac{\pi}{6} + k\pi$   
 b)  $\pm \frac{\pi}{4} + 2k\pi$   
 c)  $\pm \frac{\pi}{6} + 2k\pi$   
 d)  $\pm \frac{\pi}{3} + 2k\pi$   
 e)  $-1 \leq x \leq 1$

**275. Cesgranrio-RJ**

Resolva a equação  $(\cos x + \sin x)^2 = \frac{1}{2}$ .

**276. Mackenzie-SP**

O menor valor positivo de  $\alpha$  para que o sistema

$$\begin{cases} (\sin \alpha)x - y = 0 \\ x + (4 \cos \alpha)y = 0 \end{cases}$$

tenha mais de uma solução, é igual a:

- a)  $75^\circ$                                       d)  $165^\circ$   
 b)  $105^\circ$                                     e)  $225^\circ$   
 c)  $120^\circ$

**277. UEMS**

Dê o conjunto solução da equação  $\sin x - \cos x = 0$ .

**278. Mackenzie-SP**

Se  $\operatorname{tg} \frac{\theta}{2} = \sin \theta$  e  $\cos \theta \neq 0$ , então, o valor da  $\operatorname{tg} \theta$  é:

- a)  $-1$                                       d)  $1$   
 b)  $-\frac{\sqrt{3}}{3}$                                     e)  $0$   
 c)  $\frac{1}{2}$

**279. Fatec-SP**

Se  $x$  é um número real tal que  $\sin^2 x - 3 \sin x = -2$ , então  $x$  é igual a:

- a)  $\frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$   
 b)  $\frac{3\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$   
 c)  $\frac{3\pi}{2} + k \cdot 2\pi, k \in \mathbb{Z}$   
 d)  $\frac{\pi}{2} + k \cdot 2\pi, k \in \mathbb{Z}$   
 e)  $\frac{\pi}{4} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$

**280. Mackenzie-SP**

Se  $\sec x = 4$ , com  $0 \leq x < \frac{\pi}{2}$ , então  $\operatorname{tg}(2x)$  é igual a:

- a)  $-\frac{4\sqrt{15}}{5}$                                       d)  $\frac{\sqrt{15}}{16}$   
 b)  $\frac{\sqrt{15}}{4}$     e)  $-\frac{\sqrt{15}}{7}$   
 c)  $-\frac{2\sqrt{15}}{7}$

**281. Cefet-PR**

O conjunto solução da equação  $\operatorname{tg}^2 x = \sqrt{3} \operatorname{tg} x$  é:

- a)  $\{x \in \mathbb{R} / x = k\pi\}$   
 b)  $\sqrt{3}$   
 c)  $\left\{x \in \mathbb{R} / x = k\pi \text{ ou } x = \frac{\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z}\right\}$   
 d)  $\left\{\frac{5\pi}{6}, \frac{11\pi}{6}\right\}$   
 e)  $\left\{x \in \mathbb{R} / x = \frac{-\pi}{4} + k\pi, k \in \mathbb{Z}\right\}$

### 282. Mackenzie-SP

Dê a expressão geral dos arcos  $x$  para os quais  $2(\cos x + \sec x) = 5$ .

- a)  $2k\pi \pm \frac{\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$       c)  $2k\pi \pm \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z}$   
 b)  $k\pi \pm \frac{\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$       d)  $2k\pi \pm \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z}$

### 283. UFPI

Seja  $n$  o número de soluções da equação  $2 \sin x \cdot \cos x = 0$  no intervalo  $[0, \pi]$ . O valor de  $n$  é:

- a) um      d) quatro  
 b) dois      e) cinco  
 c) três

### 284. Unimontes-MG

Quantas soluções reais tem a equação  $2 \cos\left(\frac{x}{2}\right) - \sqrt{3} = 0$

no intervalo  $[-\pi, 4\pi]$ ?

- a) 5 soluções      c) 3 soluções  
 b) 4 soluções      d) Infinitas soluções

### 285.

Determine o conjunto solução, em  $\mathbb{R}$ , da equação:  $\operatorname{cosec}^2 x - \sec^2 x - \cotg^2 x - \operatorname{tg}^2 x = -2$

### 286. Cesesp-PE

Assinale a alternativa abaixo que corresponde ao conjunto solução da equação:

$$\frac{1}{1 + \sin x} + \frac{1}{1 - \sin x} = \frac{1}{\cos x}$$

- a)  $\left\{x \in \mathbb{R} / x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}\right\}$   
 b)  $\left\{x \in \mathbb{R} / x = \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}\right\}$   
 c)  $\{x \in \mathbb{R} / x \neq k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$   
 d)  $\emptyset$   
 e)  $\left\{x \in \mathbb{R} / x \neq 2k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}\right\}$

### 287. Fatec-SP

Se  $S$  é o conjunto solução, em  $\mathbb{R}$ , da equação:

$$\frac{\operatorname{cosec} x - \cotg x}{\sin x} = 0,$$

então  $S$  é igual a:

- a) 1      d)  $\left\{x / x = \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}\right\}$   
 b)  $\emptyset$       e)  $\{x / x = k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$   
 c)  $\{x / x = 2k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$

### 288.

Resolva em  $\mathbb{R}$ :  $\operatorname{tg}^2 x - (1 + \sqrt{3}) \operatorname{tg} x + \sqrt{3} = 0$

### 289. Fuvest-SP

Resolva em  $\mathbb{R}$  a equação:

$$\operatorname{sen}^3 x + \cos^4 x = 1$$

### 290.

O conjunto solução de  $(\operatorname{tg}^2 x - 1)(1 - \cotg^2 x) = 4$ ,  $x \neq k\pi/2$ ,  $k \in \mathbb{Z}$ , é:

- a)  $\left\{\frac{\pi}{3} + \frac{k\pi}{4}, h \in \mathbb{Z}\right\}$       d)  $\left\{\frac{\pi}{8} + \frac{k\pi}{4}, h \in \mathbb{Z}\right\}$   
 b)  $\left\{\frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{4}, h \in \mathbb{Z}\right\}$       e)  $\left\{\frac{\pi}{12} + \frac{k\pi}{4}, h \in \mathbb{Z}\right\}$   
 c)  $\left\{\frac{\pi}{6} + \frac{k\pi}{4}, h \in \mathbb{Z}\right\}$

### 291. ITA-SP

Quais os valores de  $x$  que satisfazem a equação

$$\cos x - \cos \frac{x}{2} = 2?$$

- a)  $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$       d)  $x = (2k+2)\pi, k \in \mathbb{Z}$   
 b)  $x = k\pi, k \in \mathbb{Z}$       e)  $x = (4k+2)\pi, k \in \mathbb{Z}$   
 c)  $x = (k+1)\pi, k \in \mathbb{Z}$

### 292. UFRJ

Resolva, para  $x \in [0; 2\pi]$ :

$$\operatorname{sen} x \cdot \operatorname{tg} x \cdot \sec x = \cos x \cdot \cotg x \cdot \operatorname{cosec} x$$

### 293.

Resolva em  $\mathbb{R}$  a equação:  $\frac{1}{2} \operatorname{sen} x - \frac{\sqrt{3}}{2} \cos x = \frac{1}{2}$

### 294. UFF-RJ

Dados os ângulos  $\alpha$  e  $\beta$ , tais que  $\alpha, \beta \in \left[0, \frac{\pi}{2}\right]$ .

$\cos \alpha = \frac{1}{2}$  e  $\cos \beta = \frac{\sqrt{3}}{2}$ , resolva a equação:

$$\operatorname{sen}(x - \alpha) = \operatorname{sen}(x - \beta)$$

### 295. Cefet-PR

A solução da equação trigonométrica

$$\frac{\operatorname{sen}(5x) + \operatorname{sen}(x)}{\cos(3\pi)} = 1, \text{ com } k \in \mathbb{Z} \text{ é:}$$

( $\mathbb{Z}$  = conjunto dos números inteiros)

- a)  $\left\{x \in \mathbb{R} / x = 2k\pi + \frac{7\pi}{6} \text{ ou } x = 2k\pi + \frac{11\pi}{6}\right\}$   
 b)  $\left\{x \in \mathbb{R} / x = 2k\pi + \frac{\pi}{6}\right\}$   
 c)  $\left\{x \in \mathbb{R} / x = 2k\pi + \frac{5\pi}{6}\right\}$   
 d)  $\left\{x \in \mathbb{R} / x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{7\pi}{18} \text{ ou } x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{11\pi}{18}\right\}$   
 e)  $\left\{x \in \mathbb{R} / x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{\pi}{18} \text{ ou } x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{5\pi}{18}\right\}$

### 296. Vunesp

No hemocentro de um certo hospital, o número de doações de sangue tem variado periodicamente. Admita que, neste hospital, no ano de 2001, este número, de janeiro ( $t = 0$ ) a dezembro ( $t = 11$ ), seja dado, aproximadamente, pela expressão:

$$S(t) = \lambda - \cos\left(\frac{(t-1) \cdot \pi}{6}\right)$$

com  $\lambda$  uma constante positiva,  $S(t)$  em “milhares” e  $t$  em meses  $0 \leq t \leq 11$ . Determine:

- a) a constante  $\lambda$ , sabendo que no mês de fevereiro houve 2 mil doações de sangue;
- b) em quais meses houve 3 mil doações de sangue.

### 297. Uniube-MG

Medindo-se  $t$  em horas e  $0 \leq t < 24$ , a sirene de uma usina está programada para soar em cada instante  $t$ ,

em que  $\sin\left(\frac{\pi t}{6}\right)$  é um número inteiro. De quantas

em quantas horas a sirene da fábrica soa?

- a) De seis em seis horas.
- b) De quatro em quatro horas.
- c) De três em três horas.
- d) De oito em oito horas.

### 298. Cefet-PR

Dada a equação:

$$\frac{\cos \alpha [(\sec \alpha) - (\operatorname{cosec} \alpha)] [(\sin^3 \alpha) + (\cos^3 \alpha)]}{[(\sin^2 \alpha) - (\cos^2 \alpha)] [1 - (\sin \alpha)(\cos \alpha)]} = 2, \text{ o valor de}$$

$\alpha$ ,  $\left(0 \leq \alpha < \frac{\pi}{2}\right)$  que a satisfaz, em sua forma geral, é:

- a)  $\frac{\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$
- b)  $\frac{\pi}{3} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$
- c)  $\frac{\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$
- d)  $\frac{\pi}{6} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$
- e) o valor de  $\alpha$  não pode ser determinado.

### 299. Vunesp-SP

Determine um valor de  $n \in \mathbb{N}^*$ , tal que  $\frac{\pi}{n}$  seja solução da equação:

$$8 \cos^4 \theta - 8 \cos^2 \theta + 1 = 0$$

### 300. Fuvest-SP

O menor valor de  $\frac{1}{(3 - \cos x)}$ , com  $x$  real, é:

- a)  $\frac{1}{6}$
- b)  $\frac{1}{4}$
- c)  $\frac{1}{2}$
- d) 1
- e) 3

## Capítulo 6

### 301.

Resolva:  $\sin x > \frac{\sqrt{2}}{2}$  para  $x \in [0, 2\pi]$ .

### 302. FGV-SP

Resolvendo-se a inequação  $2 \cos x \leq 1$  no intervalo  $[0, 2\pi]$  obtém-se:

- a)  $\frac{\pi}{3} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$  ou  $\frac{3\pi}{2} \leq x \leq \frac{5\pi}{3}$
- b)  $x \geq \frac{\pi}{3}$
- c)  $\frac{\pi}{3} \leq x \leq \frac{5\pi}{3}$
- d)  $\frac{\pi}{3} \leq x \leq 5\pi$
- e)  $x \leq \frac{1}{2}$

### 303. Unifor-CE

Se o número real  $\theta$ ,  $0 \leq \theta \leq \pi$  satisfaz a inequação  $\operatorname{tg} \theta \geq 1$ , então:

- a)  $\pi \leq 4\theta < 2\pi$
- b)  $\frac{3\pi}{2} \leq 3\theta < 3\pi$
- c)  $\frac{\pi}{4} \leq 2\theta < 2\pi$
- d)  $\frac{\pi}{4} \leq \theta < \pi$
- e)  $\frac{\pi}{4} \leq \frac{\theta}{2} < \frac{\pi}{2}$

### 304.

Resolva:  $\cos \frac{x}{2} \leq \frac{\sqrt{2}}{2}$  para  $x \in [0, 2\pi]$ .

### 305.

Resolva:  $\sin 2x < -\frac{\sqrt{2}}{2}$  para  $x \in [0, \pi]$ .

### 306.

Resolva:  $\operatorname{tg} x \leq \frac{\sqrt{3}}{3}$  para  $x \in [0, 2\pi]$ .

**307. Vunesp**

O conjunto solução de  $|\cos x| < \frac{1}{2}$ , para  $0 < x < 2\pi$ , é definido por:

- a)  $\frac{\pi}{3} < x < \frac{2\pi}{3}$  ou  $\frac{4\pi}{3} < x < \frac{5\pi}{3}$   
 b)  $\frac{\pi}{6} < x < \frac{5\pi}{6}$  ou  $\frac{7\pi}{6} < x < \frac{11\pi}{6}$   
 c)  $\frac{\pi}{6} < x < \frac{2\pi}{3}$  e  $\frac{4\pi}{3} < x < \frac{5\pi}{3}$   
 d)  $\frac{\pi}{6} < x < \frac{5\pi}{6}$  e  $\frac{7\pi}{6} < x < \frac{11\pi}{6}$   
 e)  $\frac{\pi}{6} < x < \frac{2\pi}{3}$  ou  $\frac{4\pi}{3} < x < \frac{11\pi}{6}$

**308. PUC-SP**

Dê o conjunto solução da inequação  $|\cos 2x| < \frac{1}{2}$  no intervalo  $\left[0; \frac{\pi}{2}\right]$

**309.**

Resolva as seguintes inequações:

- a)  $\sin x \geq -\frac{1}{2}$ , para  $x \in \mathbb{R}$   
 b)  $\cos x > \frac{\sqrt{2}}{2}$ , para  $0 \leq x \leq 2\pi$

**310.**

Resolva a inequação:  $\operatorname{tg}\left(x - \frac{\pi}{4}\right) > 1$ .

**311.**

Resolva:  $-1 < \operatorname{tg} x < 1$  para  $x \in \mathbb{R}$ .

**312.**

Resolva:  $\frac{1}{2} < \sin x < \frac{\sqrt{2}}{2}$  para  $x \in \mathbb{R}$ .

**313. FGV-SP**

A solução da inequação  $\sqrt{2} \cdot \cos^2 x > \cos x$ , no intervalo  $[0, \pi]$ , é:

- a)  $0 \leq x < \frac{\pi}{4}$  ou  $\frac{\pi}{2} < x \leq \pi$   
 b)  $0 < x \leq \frac{\pi}{3}$  ou  $\frac{2\pi}{3} \leq x < \pi$   
 c)  $0 < x < \frac{\pi}{6}$  ou  $\frac{2\pi}{3} < x < \pi$   
 d)  $\frac{\pi}{4} < x < \frac{2\pi}{3}$

**314.**

Resolva a inequação:  $2\cos^2 x \leq -\cos x$ .

**315. UFF-RJ**

Determine o(s) valor(es) de  $x \in \mathbb{R}$  que satisfaz(em) à desigualdade:  $\cos^2 x \geq 2(\sin x + 1)$

**316. UFSCar-SP**

Dê o conjunto solução da inequação

$$\frac{1}{\operatorname{cosec} x} - \frac{1}{\sec x} > 0 \text{ para } 0 \leq x \leq \pi.$$

**317. Fuvest-SP**

Resolva a inequação, sendo  $0 \leq \theta \leq \pi$ :

$$1/4 \leq \sin \theta \cdot \cos \theta < \sqrt{2}/2$$

**318. Fuvest-SP**

Resolva a inequação  $\frac{1}{4} \leq \sin \theta \cdot \cos \theta < \frac{\sqrt{2}}{2}$ , sendo  $0 \leq \theta \leq \pi, \theta$  em radianos.

**319. Ufla-MG**

Os valores de  $x$  com  $0 \leq x \leq 2\pi$  que satisfazem à desigualdade:

$$\left(\sin x - \frac{1}{2}\right)(\sin x - 2) \leq 0 \text{ são}$$

- a)  $0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}$   
 b)  $\frac{\pi}{2} \leq x \leq \pi$   
 c)  $\frac{\pi}{6} \leq x \leq \frac{5\pi}{6}$   
 d)  $\frac{\pi}{4} \leq x \leq \frac{6\pi}{4}$   
 e)  $\pi \leq x \leq \frac{3\pi}{2}$

**320. Mackenzie-SP**

Para que a equação  $x^2 + 4x - 8 \sin \theta = 0$  tenha, em  $x$ , duas raízes reais e distintas,  $\theta$  poderia assumir todos os valores do intervalo:

- a)  $\left[\frac{5\pi}{3}; \frac{11\pi}{6}\right]$  d)  $\left[\frac{2\pi}{3}; \frac{5\pi}{6}\right]$   
 b)  $\left[\pi; \frac{4\pi}{3}\right]$  e)  $\left[\frac{5\pi}{3}; 2\pi\right]$   
 c)  $\left[\frac{4\pi}{3}; \frac{3\pi}{2}\right]$

**321. PUC-SP**

A solução da inequação  $\frac{\sin x - 2}{\cos 2x + 3 \cos x - 1} > 0$ ,

no conjunto  $0 \leq x \leq 2\pi$ , é:

- a)  $\frac{\pi}{3} < x < \frac{5\pi}{3}$   
 b)  $\frac{\pi}{6} < x < \pi$   
 c)  $\frac{2\pi}{3} < x < \frac{4\pi}{3}$   
 d)  $\emptyset$

### 322. Fuvest-SP

Determine os valores de  $x$  no intervalo  $]0, 2\pi[$  para os quais  $\cos x \geq \sqrt{3} \sin x + \sqrt{3}$ .

### 323. Fuvest-SP

- Expresse  $\sin 3\alpha$  em função de  $\sin \alpha$ .
- Resolva a inequação  $\sin 3\alpha > 2 \sin \alpha$  para  $0 < \alpha < \pi$ .

### 324. UERJ

A temperatura média diária,  $T$ , para um determinado ano, em uma cidade próxima ao pólo norte é expressa pela função a seguir.

$$T = 50 \sin \left[ \frac{2\pi}{365} (t - 101) \right] + 7$$

Nessa função,  $t$  é dado em dias,  $t = 0$  corresponde ao dia 1º de janeiro e  $T$  é medida na escala Fahrenheit. A relação entre as temperaturas medidas na escala Fahrenheit ( $F$ ) e as temperaturas medidas na escala Celsius ( $C$ ) obedece, por sua vez, à seguinte equação:

$$C = \frac{5}{9}(F - 32)$$

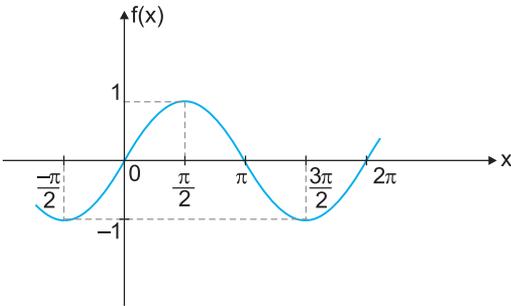
Em relação a esse determinado ano, estabeleça:

- o dia no qual a temperatura será a menor possível;
- o número total de dias em que se esperam temperaturas abaixo de  $0^\circ\text{C}$ .

## Capítulo 7

### 325.

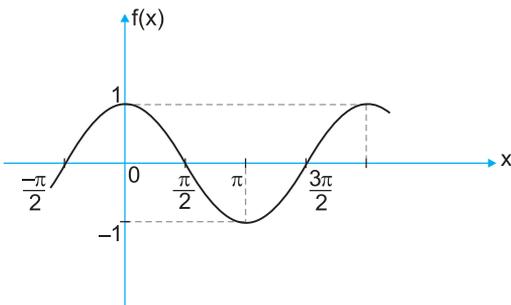
Dado o gráfico de uma função  $f(x)$ , é correto afirmar que:



- $f(x) = \sin x$
- $f(x) = \cos x$
- $f(x) = \operatorname{tg} x$
- $f(x) = \sin^2 x$
- $f(x) = \cos^2 x$

### 326.

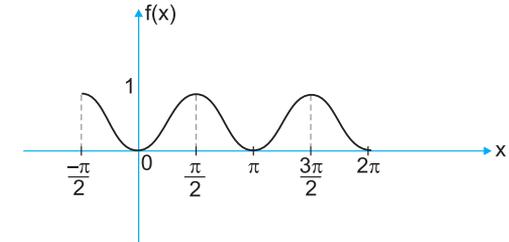
Dado o gráfico de uma função  $f(x)$ , é correto afirmar que:



- $f(x) = \sin x$
- $f(x) = \cos x$
- $f(x) = \operatorname{tg} x$
- $f(x) = \sin^2 x$
- $f(x) = \cos^2 x$

### 327.

Dado o gráfico de uma função  $f(x)$ , é correto afirmar que:



- $f(x) = \sin x$
- $f(x) = \cos x$
- $f(x) = \operatorname{tg} x$
- $f(x) = \sin^2 x$
- $f(x) = \cos^2 x$

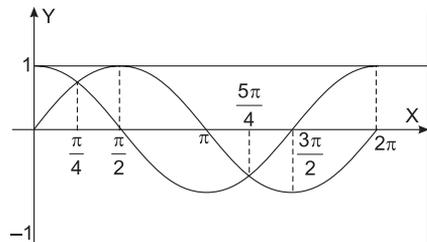
### 328. Unifor-CE

Para  $x$ , a função definida por  $f(x) = \sin x$  tem:

- um valor máximo para  $x = 0$ .
- um valor mínimo para  $x = \pi$ .
- somente valores positivos se  $\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$ .
- valores negativos se  $0 < x < \frac{\pi}{2}$ .
- três raízes.

### 329. UEPB

As funções seno e co-seno são representadas, respectivamente, por duas curvas chamadas de senoide e co-senoide. De acordo com o gráfico a seguir, os valores de  $x$  que satisfazem a desigualdade  $\sin x > \cos x$  são:



a)  $\frac{5\pi}{4} < x < 2\pi$

b)  $\frac{\pi}{4} < x < \frac{5\pi}{4}$

c)  $x < \pi$

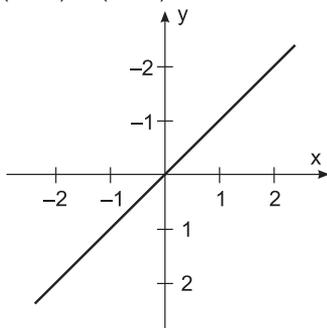
d)  $x > \pi$

e)  $\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$

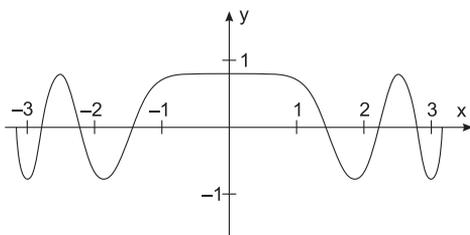
**330. UFRGS-RS**

Dentre os gráficos abaixo, o que pode representar a função  $y = (\cos x)^2 + (\sin x)^2$  é:

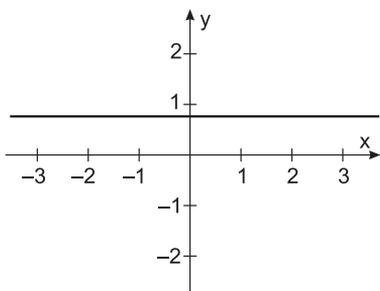
a)



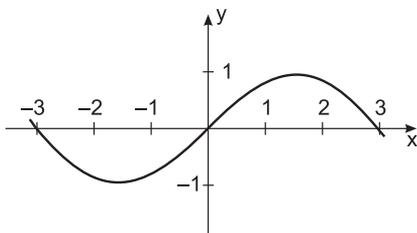
b)



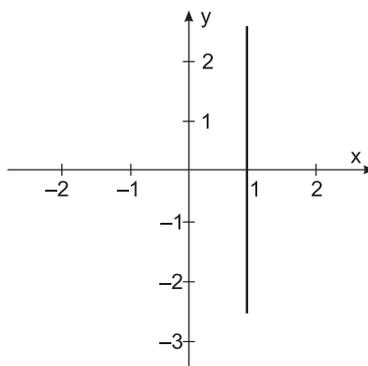
c)



d)

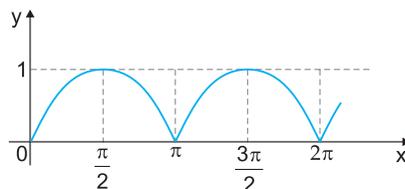


e)



**331. FGV-SP**

O gráfico a seguir representa a função:



a)  $y = |\operatorname{tg} x|$

d)  $y = \operatorname{sen} 2x$

b)  $y = |\operatorname{sen} x|$

e)  $y = 2 \operatorname{sen} x$

c)  $y = |\operatorname{sen} x| + |\operatorname{cos} x|$

**332. UEG-GO (modificado)**

Dada a função real  $f(x) = |\cos x|$ , faça o que se pede:

a) Determine a imagem do conjunto

$$A = \left\{0, \frac{\pi}{2}, \pi, \frac{3\pi}{2}, 2\pi\right\}$$
 pela função  $f$ .

b) Esboce o gráfico de  $f$  para  $0 \leq x \leq 2\pi$ .

**333.**

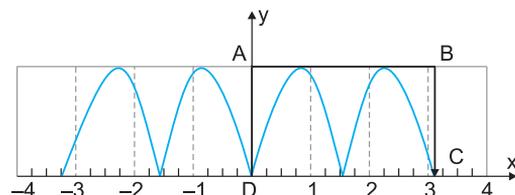
Construa o gráfico da função  $y = |\operatorname{tg} x|$ .

**334.**

Construa o gráfico da função  $y = \operatorname{tg}|x|$ .

**335. UERJ**

Observe o gráfico da função  $f$ , que possui uma imagem  $f(x) = |2 \operatorname{sen}(2x)|$  para cada  $x$  real.



a) Sendo  $C$  o ponto de intersecção do gráfico com o eixo  $x$ ,  $D$  a origem e  $\overline{AB}$  tangente ao gráfico de  $f$ , calcule a área do retângulo  $ABCD$ .

b) Mostre, graficamente, que a equação  $|2 \operatorname{sen}(2x)| = x^2$  tem três soluções.

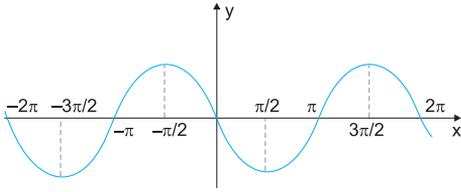
Justifique a sua resposta.





**357. Vunesp**

Sabe-se que  $h$  é o menor número positivo para o qual o gráfico de  $y = \text{sen}(x - h)$  é:

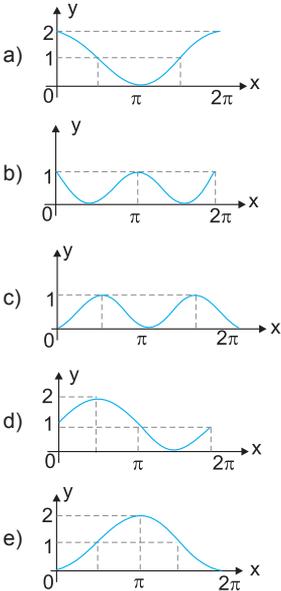


Então,  $\cos 2h/3$  é igual a:

- a)  $-\sqrt{3}/2$
- b)  $-\sqrt{2}/2$
- c)  $-1/2$
- d)  $1/2$
- e)  $\sqrt{3}/2$

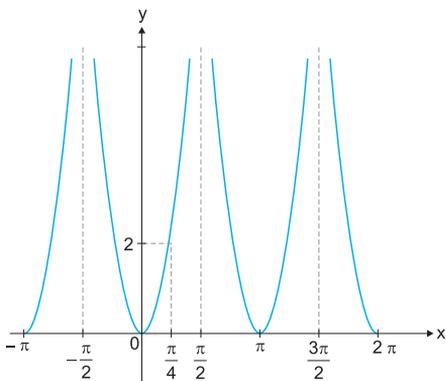
**358. Mackenzie-SP**

Em  $[0, 2\pi]$ , a melhor representação gráfica da função real definida por  $f(x) = (2 - \text{sen}^2x - \text{sen}^4x)/(3 - \text{cos}^2x)$  é:



**359. Ibmec-SP**

Seja  $f$  uma função real periódica. O gráfico a seguir representa  $|f|$  em parte de seu domínio:



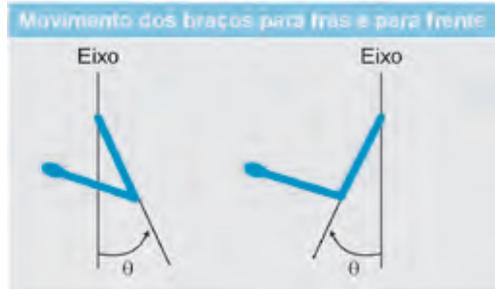
Uma possível representação para  $f$  é:

- a)  $2 + \text{tg } x$
- b)  $\text{tg}(2x)$
- c)  $\text{tg}(x)$
- d)  $2 \cdot \text{tg}(x)$
- e)  $\text{tg}\left(\frac{x}{2}\right)$

**360. UEPA**

Os praticantes de *cooper* balançam seus braços ritmicamente, enquanto correm, para frente e para trás, descrevendo uma oscilação completa em  $3/4$  de segundo, conforme figura a seguir. O ângulo  $\theta$  varia em função do tempo  $t$ , em segundos, aproximadamente, de acordo com a equação:

$$\theta = \frac{\pi}{9} \text{sen} \left[ \frac{8\pi}{3} \left( t - \frac{3}{4} \right) \right]$$



Tomando por base os dados anteriores, podemos afirmar que o maior valor assumido pelo ângulo  $\theta$  é:

- a)  $15^\circ$
- b)  $20^\circ$
- c)  $25^\circ$
- d)  $30^\circ$
- e)  $45^\circ$

**361. ITA-SP**

Seja a função  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  definida por

$$f(x) = \begin{cases} a \left( x + \frac{\pi}{2} \right), & \text{se } x < \frac{\pi}{2} \\ \frac{\pi - a}{2} \text{sen } x, & \text{se } x \geq \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

em que  $a > 0$  é uma constante.

Considere  $K = \{y \in \mathbb{R}; f(y) = 0\}$ . Qual o valor de  $a$ ,

sabendo-se que  $f\left(\frac{\pi}{2}\right) \in K$ ?

- a)  $\frac{\pi}{4}$
- b)  $\frac{\pi}{2}$
- c)  $\pi$
- d)  $\frac{\pi^2}{2}$
- e)  $\pi^2$

### 362. Vunesp

Do solo, você observa um amigo numa roda-gigante. A altura  $h$ , em metros, de seu amigo em relação ao solo é dada pela expressão  $h(t) = 11,5 + 10 \sin\left[\frac{\pi}{12}(t-26)\right]$ ,

em que o tempo  $t$  é dado em segundos e a medida angular em radianos.

- Determine a altura em que seu amigo estava quando a roda começou a girar ( $t = 0$ ).
- Determine as alturas mínima e máxima que seu amigo alcança e o tempo gasto em uma volta completa (período).

### 363. UFMT

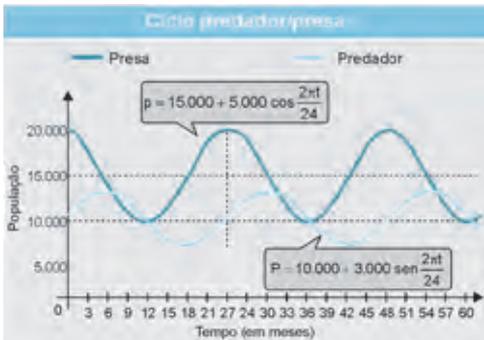
Em um determinado ciclo predador–presa, a população  $P$  de um predador no instante  $t$  (em meses) tem como modelo

$$P = 10.000 + 3.000 \sin \frac{2\pi t}{24},$$

e a população  $p$  de sua fonte básica de alimento (sua presa) admite o modelo

$$p = 15.000 + 5.000 \cos \frac{2\pi t}{24}$$

O gráfico a seguir representa ambos os modelos no mesmo sistema de eixos cartesianos.



Em relação ao ciclo predador – presa acima, assinale a afirmativa incorreta.

- Os modelos  $P$  e  $p$  têm o mesmo período de 24 meses.
- A maior população de predadores, nesse ciclo, é 13.000.
- Em  $t = 48$  meses, a população de predadores é igual à de presas.
- A média aritmética entre os valores da menor população de presas e a menor de predadores, nesse ciclo, é 8.500.
- No início do ciclo predador – presa ( $t = 0$ ), existem 10.000 predadores e 20.000 presas.

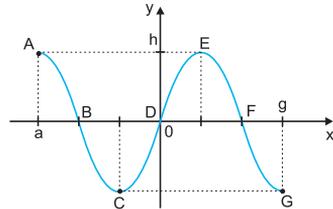
### 364. UFSCar-SP

O número de turistas de uma cidade pode ser modelado pela função  $f(x) = 2,1 + 1,6 \sin\left(\frac{\pi x}{6}\right)$ , em que  $x$  representa o mês do ano (1 para janeiro, 2 para fevereiro, 3 para março, e assim sucessivamente) e  $f(x)$  o número de turistas no mês  $x$  (em milhares).

- Determine quais são os meses em que a cidade recebe um total de 1.300 turistas.
- Construa o gráfico da função  $f$ , para  $x$  real, tal que  $x \in [1, 12]$ , e determine a diferença entre o maior e o menor número de turistas da cidade em um ano.

### 365. AFA-RJ

Na figura a seguir tem-se a representação gráfica da função real  $f(x) = 2\sin\frac{x}{2}$  para  $x \in [a, g]$



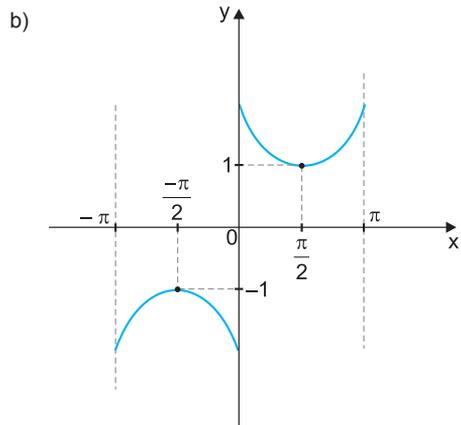
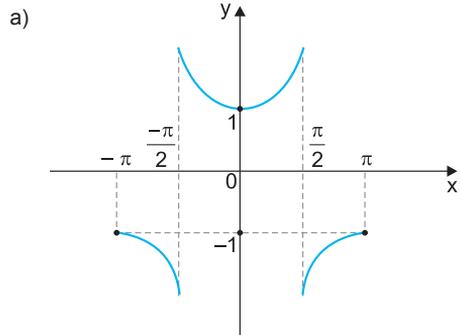
É correto afirmar que o baricentro do triângulo DEF é o ponto:

- $\left(\frac{\pi}{2}, \frac{1}{3}\right)$
- $\left(\frac{\pi}{2}, \frac{2}{3}\right)$
- $\left(\pi, \frac{1}{3}\right)$
- $\left(\pi, \frac{2}{3}\right)$

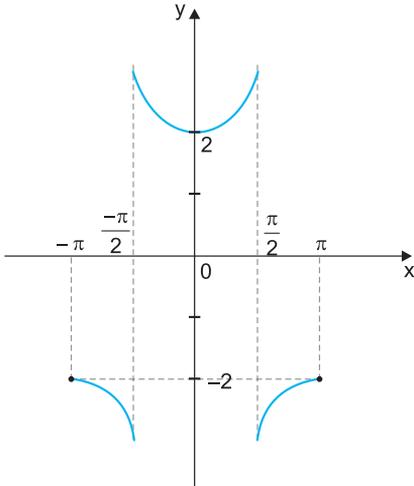
### 366. AFA-RJ

Seja  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , definida por  $f(x) = \frac{\cos x}{1 + \sin x} + \frac{1 + \sin x}{\cos x}$ ,

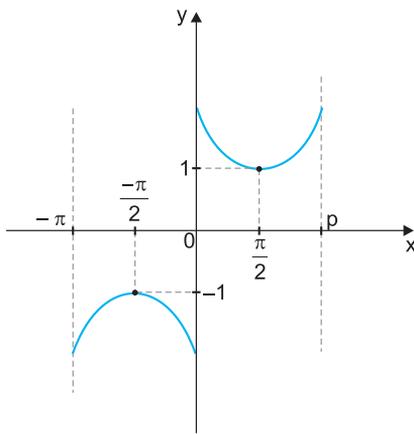
o gráfico que melhor representa um período completo da função  $f$  é:



c)



d)

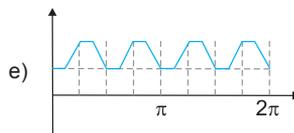
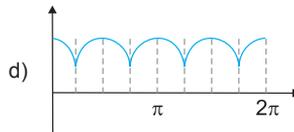
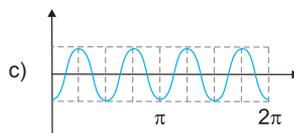
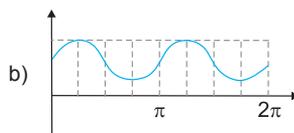
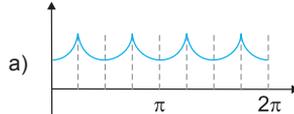
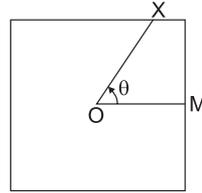


**367.**

- a) Num mesmo plano cartesiano, construa o gráfico das funções  $f(x) = \sin x$  e  $g(x) = \cos(x)$ .
- b) Construa o gráfico da função  $h(x) = f(x) + g(x)$ .

**368. Fuvest-SP**

O quadrado a seguir tem O como centro e M como ponto médio de um de seus lados. Para cada ponto X pertencente aos lados do quadrado, seja  $\theta$  o ângulo  $M\hat{O}X$ , medido em radianos, no sentido anti-horário. O gráfico que melhor representa a distância de O a X, em função de  $\theta$ , é:



# Matemática 8 – Gabarito

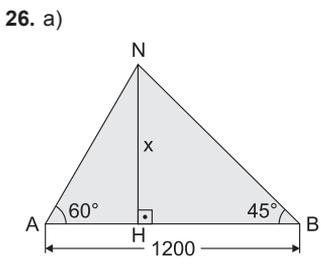
01. A                      02. A  
 03. E                      04. B  
 05. 5 m                    06. C  
 07. B                      08. E  
 09. 24 (08 + 16)      10. D

11.  $\overline{AC}=6\text{cm}$ ;  $\overline{AD}=4,8\text{cm}$   
 12.  $b \operatorname{sen} \alpha$  ou  $a \operatorname{tg} \alpha$   
 13. A                      14. 60  
 15. A                      16. C  
 17. C                      18. 7  
 19.

- a)  $OA_2 = \sqrt{2}, OA_3 = \sqrt{3}, OA_4 = 2,$   
 $OA_{10} = \sqrt{10}$   
 b)  $a_1 = \sqrt{2}/2, a_2 = \sqrt{3}/3,$   
 $a_3 = 1/2, a_9 = \sqrt{10}/10$

20.  $\frac{R^2}{\operatorname{tg} \alpha}$   
 21. Aproximadamente 2,088 m.  
 22. E

23. 03 (01 + 02)  
 24. 19 (01 + 02 + 16)  
 25.  $h = \frac{5 - 5,6 \operatorname{tg} \theta}{\operatorname{tg} \theta}$



- b)  $600(3 - \sqrt{3})\text{m}$   
 27. a)  $5\sqrt{3}\text{ cm}$   
 b) 2 cm  
 c)  $3\sqrt{3}\text{ cm}$

28. D                      29. B  
 30. D  
 31.  $AC = 5,5\text{ km}$ ;  $BC = 5,5\sqrt{3}\text{ km}$   
 32. D                      33. C  
 34. B                      35. E  
 36. D                      37. E  
 38. A

39. a)  $BD = 4\text{ km}$   
 $EF = \text{aproximadamente}$   
 $1,7\text{ km}.$   
 b) R\$ 13,60 reais.

40. 20 m                    41. 8 m  
 42. D                      43. D  
 44. A                      45. B  
 46. D                      47. C  
 48. C

49. Corretas: I e IV.  
 50.  $2(3 - \sqrt{3})\text{ cm}$

51. E                      52. C  
 53. A                      54. C  
 55. D                      56. D  
 57. C                      58. 41  
 59. C                      60. E

61. Vamos partir do 1º membro:  
 $(\cos \alpha - \cos \beta) \cdot (\cos \alpha + \cos \beta) +$   
 $(\operatorname{sen} \alpha - \operatorname{sen} \beta) \cdot (\operatorname{sen} \alpha + \operatorname{sen} \beta) =$   
 $= \cos^2 \alpha - \cos^2 \beta + \operatorname{sen}^2 \alpha - \operatorname{sen}^2 \beta =$   
 $= (\cos^2 \alpha + \operatorname{sen}^2 \alpha) - (\operatorname{sen}^2 \beta + \cos^2 \beta) =$   
 $1 - 1 = 0 \Rightarrow 2^\circ \text{ membro}$

62. D                      63. D  
 64. 1º membro =

$$(1 + \operatorname{cotg}^2 x)(1 - \cos^2 x) =$$

$$\left(1 + \frac{\cos^2 x}{\operatorname{sen}^2 x}\right)(\operatorname{sen}^2 x) =$$

$$\left(\frac{\operatorname{sen}^2 x + \cos^2 x}{\operatorname{sen}^2 x}\right) \cdot \operatorname{sen}^2 x =$$

$$= 1 = 2^\circ \text{ membro.}$$

65. Vamos partir do 1º membro:  
 $(\cos \alpha + \operatorname{cotg} \alpha) \cdot (\operatorname{sen} \alpha + \operatorname{tg} \alpha) =$   
 $= \left(\cos \alpha + \frac{\cos \alpha}{\operatorname{sen} \alpha}\right) \cdot \left(\operatorname{sen} \alpha + \frac{\operatorname{sen} \alpha}{\cos \alpha}\right) =$   
 $= \cos \alpha \cdot \operatorname{sen} \alpha + \cos \alpha \cdot \frac{\operatorname{sen} \alpha}{\cos \alpha} +$   
 $+ \frac{\cos \alpha}{\operatorname{sen} \alpha} \cdot \operatorname{sen} \alpha + \frac{\cos \alpha}{\operatorname{sen} \alpha} \cdot \frac{\operatorname{sen} \alpha}{\cos \alpha} =$   
 $= \cos \alpha \cdot \operatorname{sen} \alpha + \operatorname{sen} \alpha + \operatorname{sen} \alpha + 1 =$   
 $\operatorname{sen} \alpha + \cos \alpha \cdot \operatorname{sen} \alpha + \operatorname{sen} \alpha + \cos \alpha + 1 =$   
 $\cos \alpha (\operatorname{sen} \alpha + 1) + (1 + \operatorname{sen} \alpha) =$   
 $(1 + \operatorname{sen} \alpha) (\cos \alpha + 1) \Rightarrow 2^\circ \text{ membro}$

66. D  
 67. 1º membro =

$$\frac{1}{\operatorname{cosec} x - 1} + \frac{1}{\operatorname{cosec} x + 1} =$$

$$\frac{(\operatorname{cosec} x + 1) + (\operatorname{cosec} x - 1)}{(\operatorname{cosec} x - 1) \cdot (\operatorname{cosec} x + 1)} =$$

$$\frac{2 \operatorname{cosec} x}{\operatorname{cosec}^2 x - 1} =$$

$$\frac{2 \operatorname{cosec} x}{\operatorname{cotg}^2 x} =$$

$$\frac{2 \cdot \frac{\operatorname{sen}^2 x}{\operatorname{sen} x}}{\cos^2 x} =$$

$$\frac{2 \cdot \operatorname{sen} x}{\cos x \cdot \cos^2 x} =$$

$$2 \operatorname{sec} x \cdot \operatorname{tg} x = 2 \operatorname{sec} x \cdot \operatorname{tg} x =$$

$$= 2^\circ \text{ membro}$$

68. A                      69. B  
 70. B                      71. A  
 72. 2                      73. 1/2 ou 2  
 74. 12                      75. A

76. a)  $99^\circ 18' 33''$   
 b)  $46^\circ 4' 51''$   
 77. C                      78.  $13^\circ 20' 36''$   
 79. B                      80. B  
 81. A                      82. E  
 83.  $170^\circ$                       84. B  
 85. E                      86. 1h24min

87.  $\theta = 32^\circ 17' 45''$   
 $\gamma = 12^\circ 42' 15''$   
 88. a) 30 cm  
 b)  $6\pi\text{ cm}$   
 89. a) 58,9 m  
 b) 1,05  
 90.  $132^\circ$                       91. C  
 92. D                      93. C  
 94. E                      95. F, F, V

96. a)  $P_3$   
 b)  $P_5$   
 c)  $P_1$   
 d)  $P_2$   
 e)  $P_4$   
 97.  $AM = 60^\circ = \pi/3$   
 $AN = 120^\circ = 2\pi/3$   
 $AP = 240^\circ = 4\pi/3$   
 $AQ = 300^\circ = 5\pi/3$

98. vértice P =  $-330^\circ$   
 vértice Q =  $258^\circ$   
 vértice R =  $-186^\circ$   
 vértice S =  $-114^\circ$   
 vértice T =  $-42^\circ$

99. A  
 100. E                      101. E  
 102. C                      103. E  
 104. E = -2                      105. B  
 106. B                      107. E  
 108. Corretos: 01, 02, 04 e 16.

109. B            110. A  
 111. C            112. C  
 113. E            114. C  
 115. A            116. A  
 117. D            118. B  
 119. A            120. A

121. D  
 122. a)  $-1 \leq m \leq 1/3$   
 b)  $90^\circ$   
 123. V, V, V

124. a)  $\frac{2\sqrt{3} - 3}{3}$   
 b)  $\frac{(\operatorname{tg}\alpha - 1)^2}{2\operatorname{tg}\alpha}$

125. D  
 126. a) Verdadeira  
 b) Falsa  
 c) Falsa  
 d) Falsa  
 e) Verdadeira

127. B

- 128.

a)  $\sec 300^\circ = \frac{1}{\cos 300^\circ} = \frac{1}{\cos 60^\circ} = 2$   
 b)  $\cotg 315^\circ = \frac{1}{\operatorname{tg} 315^\circ} = \frac{1}{-\operatorname{tg} 45^\circ} = -1$   
 c)  $\operatorname{cosec} 330^\circ = \frac{1}{\operatorname{sen} 330^\circ} = \frac{1}{-\operatorname{sen} 30^\circ} = -2$   
 d)  $\cos\left(-\frac{\pi}{6}\right) = \cos\frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2}$   
 e)  $\operatorname{sen}\left(-\frac{\pi}{4}\right) = -\operatorname{sen}\frac{\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$   
 f)  $\operatorname{tg}\left(-\frac{\pi}{3}\right) = -\operatorname{tg}\frac{\pi}{3} = -\sqrt{3}$

129. Corretos: 0, 1, 3 e 4.

130. D            131. C  
 132. D            133. D  
 134. B            135. A  
 136. C            137.  $-\operatorname{tg}^2 \alpha$   
 138. A

139.  $y = \frac{1}{8}$

140. D            141. B  
 142. D            143. D  
 144. C            145. A  
 146. A            147. C  
 148. A

149. a) 492 bilhões de dólares  
 b) 6

150. A

151.  $S = \left\{ \frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4} \right\}$

152. E

153.  $S = \left\{ \frac{5\pi}{6}, \frac{11\pi}{6} \right\}$

154. C            155. A

156. A            157. D

158. C            159. E

160. C            161. C

162. C

163.  $\frac{\pi}{4}$  ou  $\frac{3\pi}{4}$  ou  $\frac{5\pi}{4}$  ou  $\frac{7\pi}{4}$

164. A            165. A

166. B            167.  $\cos(3x) = 0$

168. B

169.  $S = \left\{ 0; \frac{\pi}{2}; 2\pi \right\}$

170. B            171. C

172. a)  $f(r) = 0,35^\circ \text{C}$

$f(q) = -0,7^\circ \text{C}$

- b) 0h, 8h, 16h, 24h

173. B            174. C

- 175.

a)  $S\left(\frac{\pi}{3}\right) = 4 + 4\sqrt{3}$

b) Solução =  $\left\{ -\frac{5\pi}{6}, -\frac{\pi}{6}, \frac{7\pi}{6}, \frac{11\pi}{6} \right\}$

176. a)  $\frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$

b)  $\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$

c)  $-2\sqrt{3}$

177. B            178.  $\frac{3}{10}$

179. C            180. D

181. E            182. E

183. D            184. B

185. D            186. D

187. B

188. a)  $\frac{3x}{2}$

b)  $6(\sqrt{3} - 1)\text{cm}$

189.  $x = 10(2 - \sqrt{3})$  e  $\operatorname{sen}\alpha = \frac{\sqrt{17}}{5}$

190. A equação verifica-se para todo x real. O conjunto solução é R.

191. B            192. C

193. D            194. B

195. A            196. A

197. A            198. C

199. a)  $\frac{4}{5}$

b)  $\frac{2}{5}$

c)  $\frac{8 + 3\sqrt{21}}{25}$

200.  $R = \sqrt{A^2 + B^2}$

201. a)  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

b)  $-\frac{1}{3}$

c)  $\frac{-4\sqrt{2}}{9}$

202. B            203. E            204. A

205. C            206. C            207. D

208. C            209. C            210. D

211.  $\cos 4x = \cos(2x + 2x) = \cos 2x \cdot \cos 2x - \operatorname{sen} 2x \cdot \operatorname{sen} 2x = (\cos 2x)^2 - (\operatorname{sen} 2x)^2 = (2 \cos^2 x - 1)^2 - (2 \operatorname{sen} x \cdot \cos x)^2 = 4 \cos^4 x - 4 \cos^2 x + 1 - 4(1 - \cos^2 x) \cos^2 x = 4 \cos^4 x - 4 \cos^2 x + 1 - 4 \cos^2 x + 4 \cos^4 x = 8 \cos^4 x - 8 \cos^2 x + 1$

212. A            213.  $-150$

214.  $1e - 1$       215. D

216.  $3/2 \text{ m}$       217. A

218. E            219.  $1/2$

220. B            221. E

222. Os possíveis pares (x; y) são:

$\left(\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{3}\right), \left(\frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{3}\right), \left(\frac{5\pi}{6}, \frac{\pi}{3}\right)$  e  $\left(\frac{5\pi}{6}, \frac{5\pi}{3}\right)$

223. D

224. a)  $h(x) = 10 \cdot \operatorname{sen} x; b(x) = 20 \cos x;$   
 $A(x) = 100 \cdot \operatorname{sen} x \cdot \cos x$

b)  $x = 45^\circ$

225. C            226. C

227. a)  $\cos 3\theta = (1 - 4 \cos^2 \theta) \cdot \cos \theta$

b)  $\sin 3\theta = (4 \cos^2 \theta - 1) \cdot \sin \theta$

c)  $S = \left\{ \frac{\pi}{3} \right\}$

228.

a)  $\sin^2 \theta - 2 \cos^2 \theta + \frac{1}{2} \sin 2\theta = 0$

$\sin^2 \theta - 2 \cos^2 \theta + \frac{1}{2} \cdot 2 \sin \theta \cos \theta = 0$

$\sin^2 \theta - 2 \cos^2 \theta + \sin \theta \cos \theta = 0$

Para  $\cos \theta = 0$ , temos que

$\sin \theta = 1$  ou  $\sin \theta = -1$

Assim, para  $\cos \theta = 0$  e  $\sin \theta = 1$ :

$\sin^2 \theta - 2 \cos^2 \theta + \sin \theta \cos \theta =$   
 $= 1 - 2 \cdot 0 + 0 = 1 \neq 0$

e para  $\cos \theta = 0$  e  $\sin \theta = -1$ :

$\sin^2 \theta - 2 \cos^2 \theta + \sin \theta \cos \theta =$   
 $= 1 - 2 \cdot 0 + 0 = 1 \neq 0$

Logo, os valores de  $\theta$  para os quais  $\cos \theta = 0$  não são soluções da equação dada.

b)  $\frac{\sqrt{2}}{2}; -\frac{\sqrt{2}}{2}; \frac{\sqrt{5}}{5}; -\frac{\sqrt{5}}{5}$

229.  $f_{\max.}(x) = 1$  e  $f_{\min.}(x) = \frac{1}{4}$

230. a)  $S_{ABC} = \frac{2}{\sin 2\alpha}$

b)  $45^\circ$

231. C                      232. A

233.  $y = -\frac{\sqrt{3}}{3}$

234.  $y = -\frac{\cos 55^\circ}{\cos 15^\circ}$

235. A

236.  $\cos^3 x + \sin^3 x = a \left( \frac{3 - a^2}{2} \right)$

237. A                      238. A

239. D

240.

$\frac{\sin(5x) - \sin(3x)}{\cos(3x) + \cos(5x)} =$

$\frac{2 \sin \left( \frac{5x - 3x}{2} \right) \cos \left( \frac{5x + 3x}{2} \right)}{2 \cos \left( \frac{3x + 5x}{2} \right) \cos \left( \frac{3x - 5x}{2} \right)} =$

$= \frac{\cancel{2} \sin x \cdot \cos(4x)}{\cancel{2} \cos(4x) \cdot \cos(-x)} = \frac{\sin x}{\cos x} = \operatorname{tg} x$

241.  $4 \cdot \sin 2x \cdot \cos^2 \left( \frac{x}{2} \right)$

242.  $y = \sqrt{2} \cdot \cos x$

243.  $E = 2 \cos^2 x$

244. E                      245.  $\therefore S = \left\{ 0; \frac{\pi}{8} \right\}$

246. E

247.  $S = \left\{ 0; \frac{\pi}{2}; \pi; \frac{\pi}{9}; \frac{5\pi}{9}; \frac{7\pi}{9} \right\}$

248. a)  $k = 2, m = 3$  e  $n = 2$  ou  
 $k = 2, m = 3$  e  $n = -2$  ou  
 $k = -2, m = -3$  e  $n = 2$  ou  
 $k = -2, m = -3$  e  $n = -2$

b)  $0, \frac{\pi}{3}, \frac{2\pi}{3}, \pi, \frac{\pi}{4}$  e  $\frac{3\pi}{4}$

249. E                      250. C

251. B                      252. C

253. D                      254. 1

255. E

256. a)  $x = \frac{2\pi}{3} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$

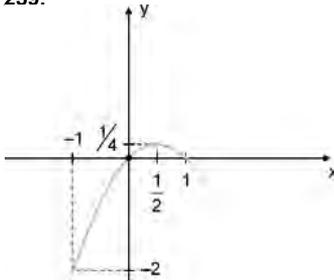
b)  $x = \frac{5\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$

c)  $x = \frac{4\pi}{11} + \frac{k\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}$

d)  $x = \frac{\pi}{10} + k \cdot \frac{2\pi}{5}, k \in \mathbb{Z}$

257. D                      258. A

259.



$D_f = [-1; 1]$  e  $\operatorname{Im} = \left[ -2; \frac{1}{4} \right]$ .

260. a) Daniel

b) Não, pois Daniel pensou no maior ângulo que ele poderia escolher, achando que quanto maior o ângulo, maior o valor do seu seno.

c) A melhor escolha seriam os arcos da forma  $\alpha = 90^\circ + k 360^\circ, k \in \mathbb{Z}$  com  $0 \leq \alpha \leq 1.080^\circ$ .

261.  $\cos 190^\circ$

262. D                      263. C

264. C

265.

$D = \left\{ x \in \mathbb{R} / x \neq \frac{\pi}{4} + \frac{K\pi}{2}, K \in \mathbb{Z} \right\}$  e  $I = \mathbb{R}$

266. E                      267. C

268. B                      269. E

270. B                      271. C

272. a)  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / x = \frac{\pi}{6} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

b)  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / x = \frac{7\pi}{24} + k\frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}$

273. A                      274. D

275.

$S = \left\{ x \in \mathbb{R} / x = \frac{7\pi}{12} + K\pi \text{ ou } x = \frac{11\pi}{12} + K\pi, K \in \mathbb{Z} \right\}$

276. B

277.  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / x = (4k+1) \cdot \frac{\pi}{4}, k \in \mathbb{Z} \right\}$

278. E                      279. D

280. E                      281. C

282. A                      283. C

284. C

285.  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / x = \frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}$

286. D                      287. B

288.

$S = \left\{ x \in \mathbb{R} / x = \frac{\pi}{4} + k\pi \text{ ou } x = \frac{\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

289.

$S = \left\{ x \in \mathbb{R} / x = k\pi \text{ ou } x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

290. D                      291. D

292.  $S = \left\{ \frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}, \frac{5\pi}{4}, \frac{7\pi}{4} \right\}$

293.

$S = \left\{ x \in \mathbb{R} / x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi \text{ ou } x = \frac{7\pi}{6} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

294.  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / x = \frac{3\pi}{4} + K\pi, K \in \mathbb{Z} \right\}$

295. D

296. a)  $\lambda = 3$

b) Maio ( $t = 4$ ) e novembro ( $t = 10$ )

297. C                      298. D

299. 8                      300. B

301.  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / \frac{\pi}{4} < x < \frac{3\pi}{4} \right\}$

302. D                      303. A

304.  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / \frac{x}{2} \leq x \leq 2\pi \right\}$

305.  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / \frac{5\pi}{8} < x < \frac{7\pi}{8} \right\}$

306.  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / 0 \leq x < \frac{\pi}{6} \text{ ou } \frac{\pi}{2} < x < \frac{7\pi}{6} \text{ ou } \frac{3\pi}{2} < x \leq 2\pi \right\}$

307. A

308.  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / \frac{\pi}{6} < x < \frac{\pi}{3} \right\}$

309. a)

$S = \left\{ x \in \mathbb{R} / 2k\pi \leq x \leq \frac{7\pi}{6} + 2k\pi \text{ ou } \frac{11\pi}{6} + 2k\pi \leq x \leq 2\pi + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

b)  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / 0 \leq x \leq \frac{\pi}{4} \text{ ou } \frac{7\pi}{4} \leq x \leq 2\pi \right\}$

310.

$S = \left\{ x \in \mathbb{R} / \frac{\pi}{2} + 2k\pi < x < \frac{3\pi}{4} + 2k\pi \text{ ou } \frac{3\pi}{2} + 2k\pi < x < \frac{7\pi}{4} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

311.

$S = \left\{ x \in \mathbb{R} / -\frac{\pi}{4} + k\pi < x < \frac{\pi}{4} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

312.

$S = \left\{ x \in \mathbb{R} / \frac{\pi}{6} + 2k\pi < x < \frac{\pi}{4} + 2k\pi, k\pi \text{ ou } \frac{3\pi}{4} + 2k\pi < x < \frac{5\pi}{6} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

313. A

314.

$S = \left\{ x \in \mathbb{R} / \frac{\pi}{2} + k2\pi \leq x \leq \frac{2\pi}{3} + k2\pi \text{ ou } \frac{4\pi}{3} + k2\pi \leq x \leq \frac{3\pi}{2} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

315.  $x = \frac{3\pi}{2} + 2k\pi, K \in \mathbb{Z}$

316.  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / \frac{\pi}{4} < x < \frac{\pi}{2} \text{ ou } \frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{4} \right\}$

317.  $S = \left\{ \theta \in \mathbb{R} / \frac{\pi}{12} \leq \theta \leq \frac{5\pi}{12} \right\}$

318.  $S = \left\{ \theta \in \mathbb{R} / \frac{\pi}{12} < \theta < \frac{7\pi}{12} \right\}$

319. C

320. D

321. A

322.  $S = \left\{ x \in \mathbb{R} / \frac{3\pi}{2} \leq x \leq \frac{11\pi}{6} \right\}$

323. a)  $\sin(3\alpha) = 3\sin\alpha - 4\sin^3\alpha$

b)  $S = \left\{ \alpha \in \mathbb{R} / 0 < \alpha < \frac{\pi}{6} \text{ ou } \frac{5\pi}{6} < \alpha < \pi \right\}$

324. a) 10 de janeiro

b) 243

325. A

326. B

327. D

328. E

329. B

330. C

331. B

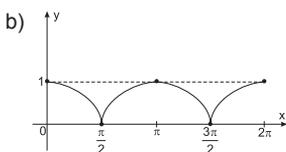
332. a)  $f(0) = 1$

$f(\pi/2) = 0$

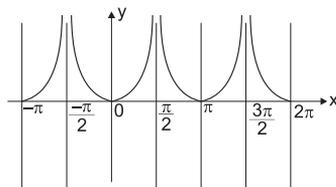
$f(\pi) = 1$

$f(3\pi/2) = 0$

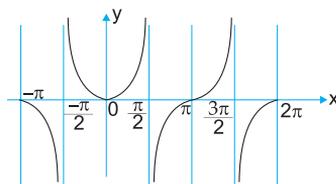
$f(2\pi) = 1$



333.

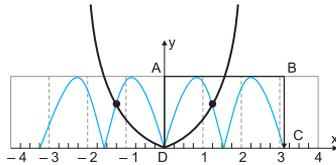


334.



335. a)  $S_{ABCD} = 2\pi$

b) Construindo o gráfico de  $g(x) = x^2$ , temos:



A interseção do gráfico de  $f$  com o da função  $y = x^2$  é um conjunto de três pontos, logo essa equação tem 3 raízes.

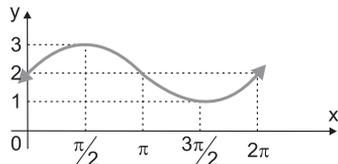
336. B

337. E

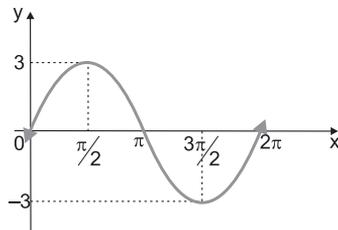
338. 1 solução

339. C

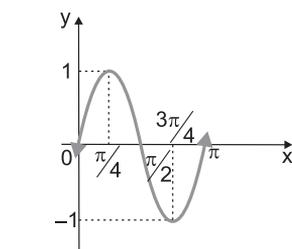
340. a)  $f(x) = 2 + \sin x$



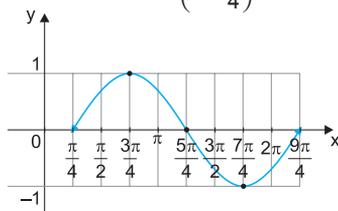
b)  $f(x) = 3 \sin x$



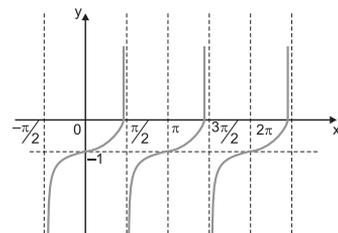
c)  $f(x) = \sin(2x)$



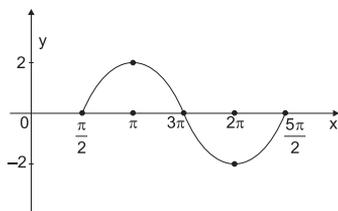
d)  $f(x) = \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$



341.  $y = -1 + \text{tg } x$



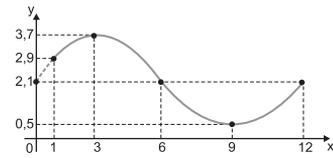
342.



- 343. B
- 345. B
- 347. C
- 349. C
- 351. C
- 353. C
- 355. D
- 357. C
- 359. D
- 361. D

- 344. B
- 346. A
- 348. E
- 350. C
- 352. F, V, F, V, F
- 354. B
- 356. A
- 358. B
- 360. B

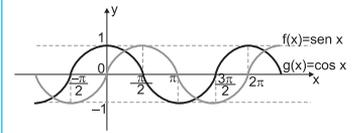
- 362. a) 6,5 m  
b) 1,5 m; 21,5 m e 24 s
- 363. C
- 364. a) Julho e novembro.  
b) 3.200 turistas.



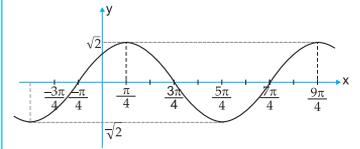
365. D

366. C

367. a)



b)



368. A

